

令和7年度 京都府公立高等学校入学者選抜

前期選抜学力検査

共通学力検査

数学

解答上の注意

- 1 「始め」の指示があるまで、問題を見てはいけません。
- 2 問題は、この冊子の中の1~4ページにあります。
- 3 答案用紙には、受付番号を記入しなさい。氏名を書いてはいけません。
- 4 答案用紙の答の欄に答えを記入しなさい。採点欄に記入してはいけません。
- 5 答えを記入するときは、それぞれの問題に示してある【答の番号】と、答案用紙の【答の番号】とが一致するように注意しなさい。
- 6 答えを記号で選ぶときは、答案用紙の答の欄の当てはまる記号を○で囲みなさい。答えを訂正するときは、もとの○をきれいに消すか、それに×をつけなさい。
- 7 答えを記述するときは、丁寧に書きなさい。
- 8 円周率はπとしなさい。
- 9 答えの分数が約分できるときは、約分しなさい。
- 10 答えが $\sqrt{\quad}$ を含む数になるときは、 $\sqrt{\quad}$ の中の数を最も小さい正の整数にしなさい。
- 11 答えの分母が $\sqrt{\quad}$ を含む数になるときは、分母を有理化しなさい。
- 12 答えの書き方について、次の解答例を見て間違いのないようにしなさい。

解答例

1 $1 + 2 + 3$ を計算せよ。 答の番号【1】2 1辺が3cmの正方形の周の長さを求めよ。
..... 答の番号【2】

3 次の問い(1)・(2)に答えよ。

(1) 1けたの正の整数のうち、3の倍数を求めよ。
..... 答の番号【3】(2) 次の(ア)~(ウ)を、値の小さいものから順に並べかえ、記号で書け。 答の番号【4】
(ア) 6 (イ) 4 (ウ) 2

問題番号	答の番号	答の欄	採点欄
1	【1】	6	【1】
2	【2】	12 cm	【2】
3	(1) 【3】	3, 6, 9	【3】
	(2) 【4】	(ウ)→(イ)→(ア)	【4】

共通学力検査 受付番号	1	2	3	4	5	6	得点
数学							

1 次の問い (1)~(9) に答えよ。(18 点)

(1) $1 - 8^2 \div \left(\frac{4}{3}\right)^2$ を計算せよ。 答の番号【1】

(2) $18\left(\frac{1}{6}x + \frac{7}{9}\right) - 4(5 - x)$ を計算せよ。 答の番号【2】

(3) $(2\sqrt{7} + 2)(2\sqrt{7} - 2)$ を計算せよ。 答の番号【3】

(4) 次の (ア)~(エ) を、絶対値の小さいものから順に並べかえ、記号で書け。 答の番号【4】

(ア) 3 (イ) $-\frac{7}{2}$ (ウ) -2.9 (エ) 0

(5) 方程式 $5x - 3y = 3x + 7 = -5y + 8$ を解け。 答の番号【5】

(6) 内角の和が 5040° である正多角形の 1 つの内角の大きさを求めよ。 答の番号【6】

(7) 2 次方程式 $x^2 - (a+2)x + 2a + 5 = 0$ の解の 1 つが -3 であるとき、 a の値ともう 1 つの解をそれぞれ求めよ。 答の番号【7】

(8) 関数 $y = 9x^2$ について、 x の変域が $p \leq x \leq -\frac{1}{9}$ のときの y の変域が $\frac{1}{9} \leq y \leq 1$ である。このときの p の値を求めよ。 答の番号【8】

(9) 右の表は、ある中学校で生徒 30 人のある日の読書時間を調査し、その結果について、累積度数をまとめたものである。この表から読み取れる読書時間の最頻値を求めよ。 答の番号【9】

読書時間 (分)	累積度数 (人)
以上	未満
0 ~ 10	4
10 ~ 20	9
20 ~ 30	16
30 ~ 40	22
40 ~ 50	27
50 ~ 60	30

【裏へつづく】

- 2 1から6までの目があるさいころを2回投げ、1回目に出た目の数と2回目に出た目の数の積を a とする。
このとき、次の問い(1)・(2)に答えよ。ただし、さいころのどの目が出ることも同様に確からしいものとする。(4点)

(1) a の値が16の約数になる確率を求めよ。 答の番号【10】

(2) a の値と30の最大公約数が10以上になる確率を求めよ。 答の番号【11】

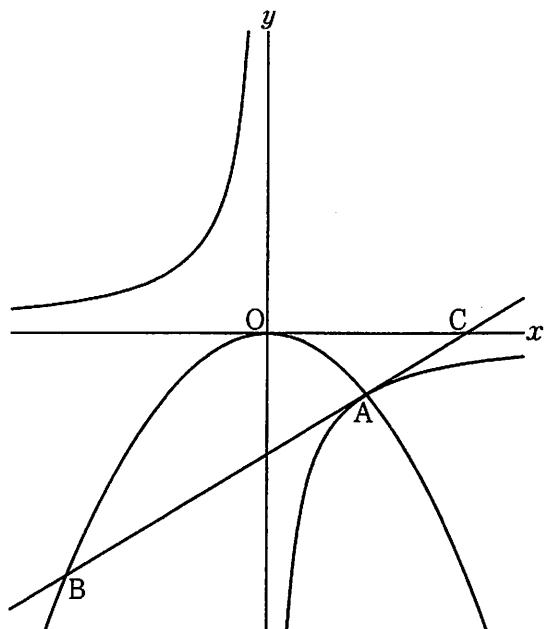
- 3 右の図のように、関数 $y = ax^2$ のグラフと関数 $y = -\frac{15}{x}$ のグラフが点Aで交わり、点Aの x 座標は5である。また、関数 $y = ax^2$ のグラフ上に x 座標が-10である点Bをとり、2点A, Bを通る直線と x 軸との交点をCとする。

このとき、次の問い(1)～(3)に答えよ。(7点)

(1) a の値を求めよ。 答の番号【12】

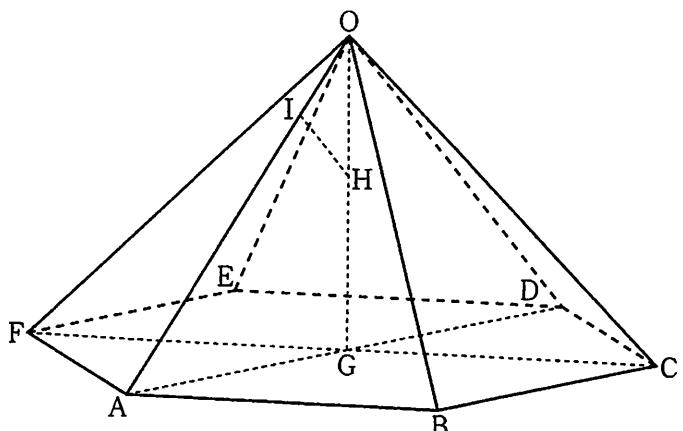
(2) 直線ABの式を求めよ。 答の番号【13】

(3) $\triangle OAC$ を、 y 軸を回転の軸として1回転させてできる立体の体積を求めよ。 答の番号【14】



- 4 右の図のように、正六角錐^{せい} $OABCDEF$ があり、
 $OA = 14\sqrt{2}$ cm である。線分 AD と線分 CF との交点を G とすると、 $OG = AG$ であった。また、線分 OG 上に点 H を、 $OH : HG = 3 : 4$ となるようにとり、点 H を通り辺 OD に平行な直線と辺 OA との交点を I とする。

このとき、次の問い (1)・(2) に答えよ。(6 点)



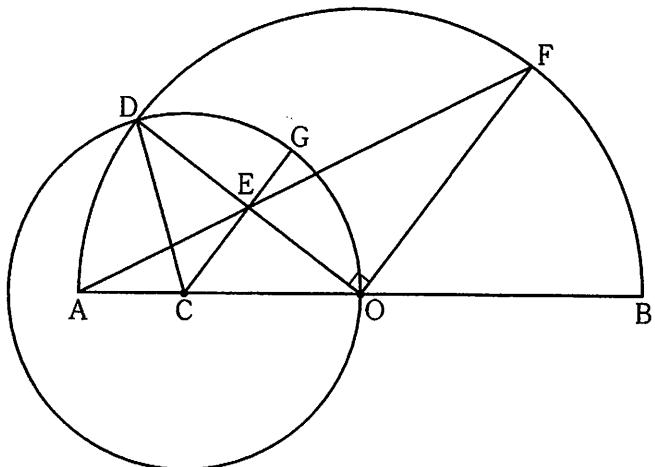
- (1) 線分 OG の長さを求めよ。また、線分 HI の長さを求めよ。答の番号【15】

- (2) 三角錐 $ABHI$ の体積を求めよ。

.....答の番号【16】

- 5 右の図のように、点 O を中心とし、線分 AB を直径とする半円があり、 $AB = 16$ cm である。線分 OA 上に点 C を、 $OC = 5$ cm となるようにとり、 \widehat{AB} 上に点 D を、 $OC = CD$ となるようにとる。線分 OD の中点を E とし、直線 AE と \widehat{AB} との交点のうち、 A でないものを F とすると、 $\angle DOF = 90^\circ$ であった。また、点 C を中心とし、線分 OC を半径とする円と半直線 CE との交点を G とする。

このとき、次の問い合わせ (1)～(3) に答えよ。(8 点)



- (1) $\triangle ABF \sim \triangle FEO$ であることを証明せよ。

.....答の番号【17】

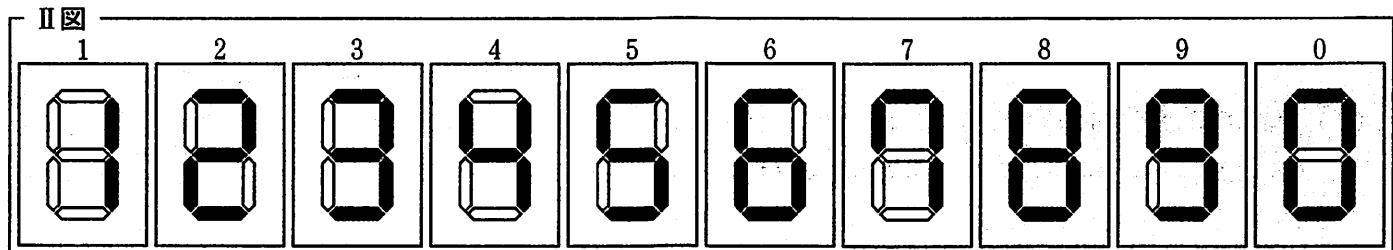
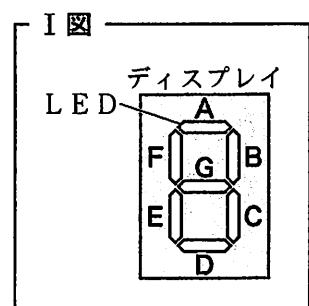
- (2) 線分 BF の長さを求めよ。答の番号【18】

- (3) 四角形 $BFGE$ の面積を求めよ。

.....答の番号【19】

【裏へつづく】

6 プログラミング教室で、規則的に数字を表示するプログラムをつくった。右の I 図は、7つの LED から構成されたディスプレイを模式的に表したものであり、I 図中の白い六角形 (←) は、消灯した状態の LED を表している。I 図のように、各 LED を A～G とする。また、次の II 図は、ディスプレイに 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0 がそれぞれ表示されたときの、点灯した状態の LED を黒い六角形 (→) で表している。



プログラムを実行すると、すべての LED が消灯した状態から 1 秒ごとに 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0 の順にくり返し数字が表示される。次の表は、プログラムを実行してから 1 秒後, 2 秒後, 3 秒後, …, 11 秒後について、点灯した状態に切りかわる LED を●、消灯した状態に切りかわる LED を○で表したものである。

	1秒後	2秒後	3秒後	4秒後	5秒後	6秒後	7秒後	8秒後	9秒後	10秒後	11秒後
LED	A		●		○	●					○
	B	●				○		●			
	C	●	○	●							
	D		●		○	●		○	●		○
	E		●	○			●	○	●	○	○
	F				●						○
	G		●					○	●		○

たとえば、プログラムを実行してから 5 秒後までに、A が点灯した状態に切りかわった回数は 2 回、消灯した状態に切りかわった回数は 1 回である。

このとき、次の問い合わせ (1)～(3) に答えよ。(7 点)

(1) プログラムを実行してから 22 秒後までに、D が点灯した状態に切りかわった回数と、E が消灯した状態に切りかわった回数をそれぞれ求めよ。 答の番号【20】

(2) プログラムを実行してから 500 秒後までに、消灯した状態に切りかわった回数が 100 回未満である LED を、A～G からすべて選べ。 答の番号【21】

(3) n を自然数とする。プログラムを実行してから $(10n - 2)$ 秒後までに、A, B, C, D がそれぞれ点灯した状態に切りかわった回数と E, F, G がそれぞれ消灯した状態に切りかわった回数の合計が 684 回となる n の値を求めよ。 答の番号【22】

【数学おわり】

共通学力検査 数学 正 答 表

問題番号	答の番号	答 の 閣	備考欄	配点
1	(1) 【1】	-35	【1】	2
	(2) 【2】	$7x - 6$	【2】 -6 + 7x も可	2
	(3) 【3】	24	【3】	2
	(4) 【4】	(エ) → (ウ) → (ア) → (イ)	【4】 完全解答	2
	(5) 【5】	$x = 2$, $y = -1$	【5】 完全解答	2
	(6) 【6】	168	【6】	2
	(7) 【7】	$a = -4$ もう1つの解 $x = 1$	【7】 完全解答	2
	(8) 【8】	$p = -\frac{1}{3}$	【8】	2
	(9) 【9】	25 分	【9】	2
2	(1) 【10】	$\frac{1}{4}$	【10】 0.25 も可	2
	(2) 【11】	$\frac{2}{9}$	【11】	2
3	(1) 【12】	$a = -\frac{3}{25}$	【12】 -0.12 も可	2
	(2) 【13】	$y = \frac{3}{5}x - 6$	【13】 $-6 + \frac{3}{5}x$ も可	2
	(3) 【14】	150π	【14】	3
4	(1) 【15】	$OG = 14$ cm	【15】	3 (1, 2)
	(2) 【16】	$HI = 3\sqrt{2}$ cm	【16】	3
5	(1) 【17】	(例) △ABFと△FEOで、 点FはAB上にあるから、 $\angle AFB = 90^\circ$ 仮定より、 $\angle FOE = 90^\circ$ よって、 $\angle AFB = \angle FOE$① $OA = OF$ より、△OAFは二等辺三角形だから、 $\angle BAF = \angle EFO$② ①, ②から、2組の角がそれぞれ等しいので、 $\triangle ABF \sim \triangle FEO$		
6	(2) 【18】	$\frac{16\sqrt{5}}{5}$ cm	【18】 $3.2\sqrt{5}$ も可	2
	(3) 【19】	36 cm ²	【19】	3
	(1) 【20】	Dが点灯した状態に 切りかわった回数 7 回	Eが消灯した状態に 切りかわった回数 8 回	【20】 完全解答 2
(2) 【21】	Ⓐ Ⓑ Ⓒ Ⓓ Ⓕ			【21】 完全解答 2
	(3) 【22】	$n = 49$		【22】