

令和5年度

神奈川県公立高等学校入学者選抜学力検査問題

共通選抜 全日制の課程

III 数学

注意事項

- 1 開始の合図があるまで、この問題冊子を開いてはいけません。
 - 2 問題は **問6** まであり、1ページから9ページに印刷されています。
 - 3 解答用紙の決められた欄に解答しなさい。
 - 4 答えを選んで解答する問題については、選択肢の中から番号を1つ選びなさい。
 - 5 の中の「あ」「い」「う」…にあてはまる数字を解答する問題については、下の例のように、あてはまる数字をそれぞれ0～9の中から1つずつ選びなさい。
 - 6 マークシート方式により解答する場合は、選んだ番号の の中を塗りつぶしなさい。
 - 7 答えに根号が含まれるときは、根号の中は最も小さい自然数にしなさい。
 - 8 答えが分数になるときは、約分できる場合は約分しなさい。
 - 9 計算は、問題冊子のあいているところを使いなさい。
 - 10 終了の合図があったら、すぐに解答をやめなさい。

例 $\frac{\text{あ}}{\text{いう}}$ に $\frac{7}{12}$ と解答する場合は、「あ」が7、「い」が1、「う」が2となります。

マークシート方式では、右の図のように塗りつぶします。

あ	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨
い	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨
う	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨

受 檢 番 号 番

問1 次の計算をした結果として正しいものを、それぞれあとの中から1つずつ選び、その番号を
答えなさい。

(ア) $-1 - (-7)$

1. -8

2. -6

3. 6

4. 8

(イ) $-\frac{3}{7} + \frac{1}{2}$

1. $-\frac{13}{14}$

2. $-\frac{1}{14}$

3. $\frac{1}{14}$

4. $\frac{13}{14}$

(ウ) $12ab^2 \times 6a \div (-3b)$

1. $-24a^2b$

2. $-24ab^2$

3. $24a^2b$

4. $24ab^2$

(エ) $\frac{3x+2y}{7} - \frac{2x-y}{5}$

1. $\frac{x-17y}{35}$

2. $\frac{x-3y}{35}$

3. $\frac{x+3y}{35}$

4. $\frac{x+17y}{35}$

(オ) $(\sqrt{6} + 5)^2 - 5(\sqrt{6} + 5)$

1. $6 - 5\sqrt{6}$

2. $6 + 5\sqrt{6}$

3. $6 + 10\sqrt{6}$

4. $6 + 15\sqrt{6}$

問2 次の問い合わせに対する答えとして正しいものを、それぞれあとの1～4の中から1つずつ選び、その番号を答えなさい。

(ア) $(x-5)(x+3)-2x+10$ を因数分解しなさい。

1. $(x-3)(x+3)$ 2. $(x-5)(x+1)$ 3. $(x-5)(x+5)$ 4. $(x+5)(x-1)$

(イ) 2次方程式 $7x^2+2x-1=0$ を解きなさい。

1. $x = \frac{-1 \pm 2\sqrt{2}}{7}$ 2. $x = \frac{-1 \pm 4\sqrt{2}}{7}$ 3. $x = \frac{1 \pm 2\sqrt{2}}{7}$ 4. $x = \frac{1 \pm 4\sqrt{2}}{7}$

(ウ) 関数 $y = -2x^2$ について、 x の値が -3 から -1 まで増加するときの変化の割合を求めなさい。

1. -8 2. -4 3. 4 4. 8

(エ) 十の位の数が 4 である 3 衡の自然数がある。この自然数の、百の位の数と一の位の数の和は 10 であり、百の位の数と一の位の数を入れかえた数はこの自然数より 396 大きい。

このとき、この自然数の一の位の数を求めなさい。

1. 6 2. 7 3. 8 4. 9

(オ) $\frac{3780}{n}$ が自然数の平方となるような、最も小さい自然数 n の値を求めなさい。

1. $n = 35$ 2. $n = 70$ 3. $n = 105$ 4. $n = 210$

問3 次の問いに答えなさい。

(ア) 右の図1のように、線分ABを直径とする円Oの周上に、

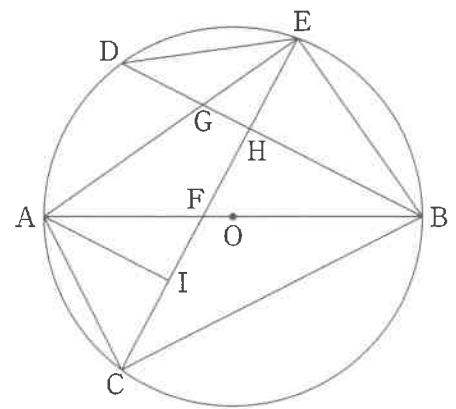
2点A, Bとは異なる点Cを、 $AC < BC$ となるようにとり、
点Cを含まない \widehat{AB} 上に点Dを、 $\angle ABC = \angle ABD$ となる
ようにとる。

また、点Aを含まない \widehat{BD} 上に、2点B, Dとは異なる点Eをとり、線分ABと線分CEとの交点をF、線分AEと線分BDとの交点をG、線分BDと線分CEとの交点をHとする。

さらに、線分CE上に点Iを、 $DB // AI$ となるようにとる。

このとき、次の(i), (ii)に答えなさい。

図1



(i) 三角形AIFと三角形EHGが相似であることを次のように証明した。 (a) ~ (c) に最も適するものを、それぞれ選択肢の1~4の中から1つずつ選び、その番号を答えなさい。

[証明]

$\triangle AIF$ と $\triangle EHG$ において、

まず、 $DB // AI$ より、平行線の同位角は等しいから、

(a)

よって、 $\angle AIF = \angle EHG$ ①

次に、仮定より、

$\angle ABC = \angle ABD$ ②

また、 \widehat{AC} に対する円周角は等しいから、

$\angle ABC = \angle AEC$ ③

さらに、 $DB // AI$ より、平行線の錯角は等しい
から、

(b)

.....④

②, ③, ④より、 $\angle AEC = \angle BAI$

よって、 $\angle FAI = \angle GEH$ ⑤

①, ⑤より、 (c) から、

$\triangle AIF \sim \triangle EHG$

(a), (b)の選択肢

1. $\angle ABD = \angle BAI$
2. $\angle AIE = \angle BHC$
3. $\angle AIE = \angle DHE$
4. $\angle EAII = \angle EGB$

(c)の選択肢

1. 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい
2. 2組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい
3. 3組の辺の比がすべて等しい
4. 2組の角がそれぞれ等しい

(ii) 次のの中の「あ」「い」にあてはまる数字をそれぞれ0~9の中から1つずつ選び、その数字を答えなさい。

$\angle BDE = 35^\circ$, $\angle DBE = 28^\circ$ のとき、 $\angle CAI$ の大きさは°である。

(イ) ある中学校で1学年から3学年まであわせて10クラスの生徒が集まり生徒総会を開催した。生徒総会では生徒会から3つの議案X, Y, Zが提出され、それぞれの議案について採決を行った。

右の資料1は議案Xに賛成した人数を、資料2は議案Yに賛成した人数を、それぞれクラスごとに記録したものである。資料3は議案Zに賛成した人数をクラスごとに記録し、その記録の平均値、中央値、四分位範囲をまとめたものである。

このとき、次の(i), (ii)に答えなさい。

資料1 (単位：人)

19	21	13	17	25
24	17	17	23	14

資料2 (単位：人)

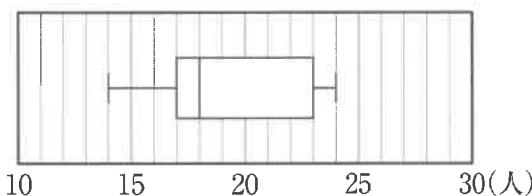
20	26	19	27	25
24	20	15	24	20

資料3 (単位：人)

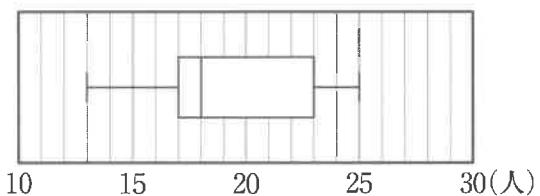
平均値	23
中央値	21
四分位範囲	6

(i) 資料1の記録を箱ひげ図に表したものとして最も適するものを次の1～4の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

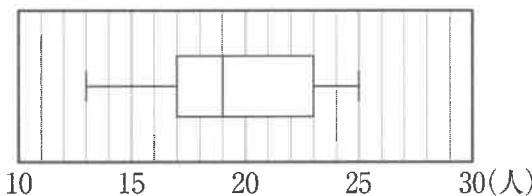
1.



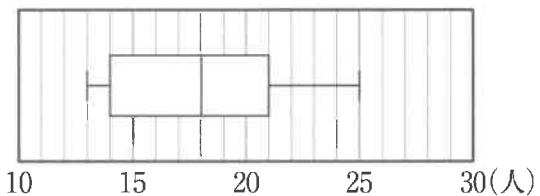
2.



3.



4.



(ii) 資料2と資料3から読み取れることがらを、次のA～Dの中からすべて選んだときの組み合わせとして最も適するものをあととの1～6の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

- A. 議案Yに賛成した人数の最頻値は20人である。
- B. 賛成した人数の合計は、議案Zより議案Yの方が多い。
- C. 賛成した人数の中央値は、議案Zより議案Yの方が大きい。
- D. 賛成した人数の四分位範囲は、議案Zより議案Yの方が小さい。

1. A, B

2. A, C

3. B, D

4. C, D

5. A, B, C

6. A, C, D

(ウ) 学校から駅までの道のりは 2400m であり、その途中にかもめ図書館といちょう図書館がある。A さんと B さんは 16 時に学校を出発し、それぞれが図書館に立ち寄ってから駅まで移動する中で一度すれ違ったが、駅には同時に到着した。

A さんは、かもめ図書館に 5 分間立ち寄って本を借り、駅まで移動した。B さんは、いちょう図書館に 15 分間立ち寄って借りたい本を探したが見つからなかったため道を引き返し、かもめ図書館に 5 分間立ち寄って本を借り、駅まで移動した。

次の図 2 は、学校、かもめ図書館、いちょう図書館、駅の間の道のりを示したものである。図 3 は、16 時に学校を出発してから x 分後の、学校からの道のりを y m として、A さんが駅に到着するまでの x と y の関係をグラフに表したものであり、O は原点である。

このとき、A さんと B さんがすれ違った時間帯として最も適するものを以下の 1 ~ 6 の中から 1 つ選び、その番号を答えなさい。ただし、A さんと B さんの、それぞれの移動中の速さは常に一定であり、図書館での移動は考えないものとする。

図 2

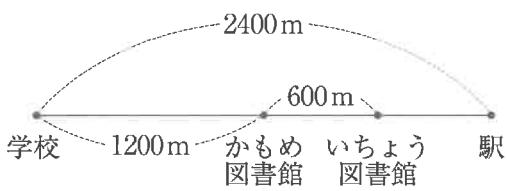
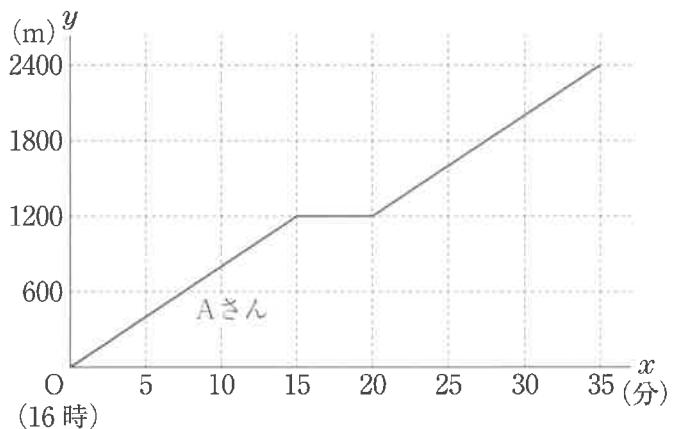


図 3



1. 16時19分から16時21分までの間
2. 16時21分から16時23分までの間
3. 16時23分から16時25分までの間
4. 16時25分から16時27分までの間
5. 16時27分から16時29分までの間
6. 16時29分から16時31分までの間

(エ) 次の の中の「う」「え」にあてはまる数字をそれぞれ $0 \sim 9$ の中から 1 つずつ選び、その数字を答えなさい。

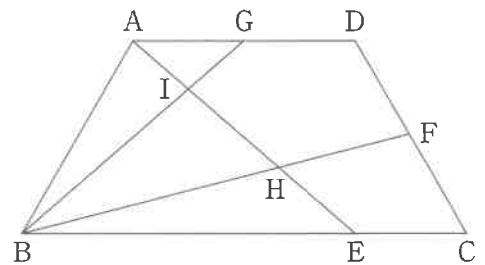
右の図 4において、四角形 ABCD は $AB = CD = DA$, $AB : BC = 1 : 2$ の台形である。

また、点 E は辺 BC 上の点で $BE : EC = 3 : 1$ であり、2 点 F, G はそれぞれ辺 CD, DA の中点である。

さらに、線分 AE と線分 BF との交点を H, 線分 AE と線分 BG との交点を I とする。

三角形 BHI の面積を S, 四角形 CFHE の面積を T とすると、S と T の比を最も簡単な整数の比で表すと、 $S : T = \boxed{\text{う}} : \boxed{\text{え}}$ である。

図 4



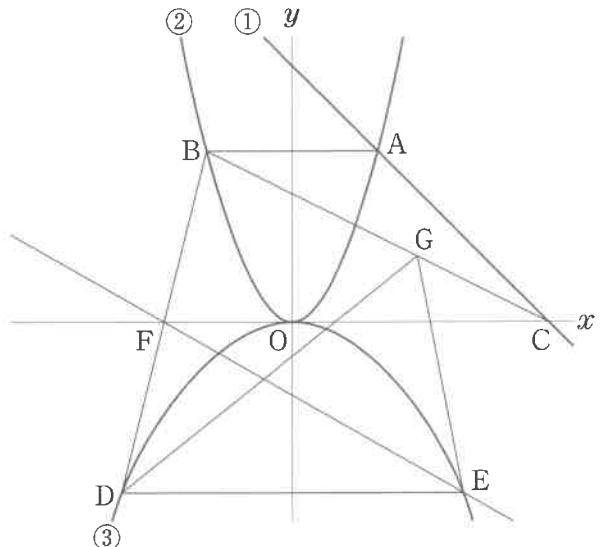
問4 右の図において、直線①は関数 $y = -x + 9$ のグラフであり、曲線②は関数 $y = ax^2$ のグラフ、曲線③は関数 $y = -\frac{1}{6}x^2$ のグラフである。

点Aは直線①と曲線②との交点で、その x 座標は3である。点Bは曲線②上の点で、線分ABは x 軸に平行である。点Cは直線①と x 軸との交点である。

また、2点D, Eは曲線③上の点で、点Dの x 座標は-6であり、線分DEは x 軸に平行である。

さらに、点Fは線分BDと x 軸との交点である。

原点をOとするとき、次の問い合わせに答えなさい。



(ア) 曲線②の式 $y = ax^2$ の a の値として正しいものを次の1～6の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

1. $a = \frac{1}{4}$

2. $a = \frac{1}{3}$

3. $a = \frac{2}{5}$

4. $a = \frac{1}{2}$

5. $a = \frac{2}{3}$

6. $a = \frac{3}{4}$

(イ) 直線EFの式を $y = mx + n$ とするときの(i) m の値と、(ii) n の値として正しいものを、それぞれ次の1～6の中から1つずつ選び、その番号を答えなさい。

(i) m の値

1. $m = -\frac{5}{6}$

2. $m = -\frac{5}{7}$

3. $m = -\frac{2}{3}$

4. $m = -\frac{4}{7}$

5. $m = -\frac{1}{3}$

6. $m = -\frac{1}{6}$

(ii) n の値

1. $n = -\frac{18}{7}$

2. $n = -\frac{5}{2}$

3. $n = -\frac{7}{3}$

4. $n = -\frac{13}{6}$

5. $n = -\frac{15}{7}$

6. $n = -2$

(ウ) 次の□の中の「お」「か」「き」「く」にあてはまる数字をそれぞれ0～9の中から1つずつ選び、その数字を答えなさい。

線分BC上に点Gを、三角形BDGと三角形DEGの面積が等しくなるようにとる。このときの、

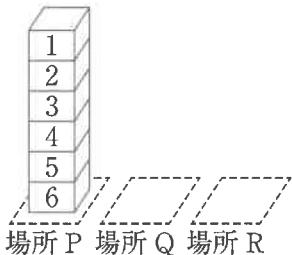
点Gの x 座標は $\frac{\text{おか}}{\text{きく}}$ である。

問5 右の図1のように、場所P、場所Q、場所Rがあり、場所Pには、

図1

1, 2, 3, 4, 5, 6の数が1つずつ書かれた6個の直方体のブロックが、書かれた数の大きいものから順に、下から上に向かって積まれている。

大、小2つのさいころを同時に1回投げ、大きいさいころの出た目の数を a 、小さいさいころの出た目の数を b とする。出た目の数によって、次の【操作1】、【操作2】を順に行い、場所P、場所Q、場所Rの3か所にあるブロックの個数について考える。



【操作1】 a と同じ数の書かれたブロックと、その上に積まれているすべてのブロックを、順番を変えずに場所Qへ移動する。

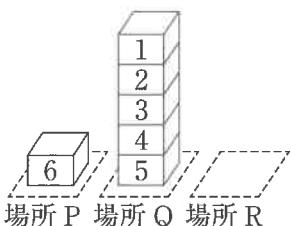
【操作2】 b と同じ数の書かれたブロックと、その上に積まれているすべてのブロックを、 b と同じ数の書かれたブロックが場所P、場所Qのどちらにある場合も、場所Rへ移動する。

例

大きいさいころの出た目の数が5、小さいさいころの出た目の数が1のとき、 $a=5$, $b=1$ だから、

【操作1】 図1の、5が書かれたブロックと、その上に積まれているすべてのブロックを、順番を変えずに場所Qへ移動するので、図2のようになる。

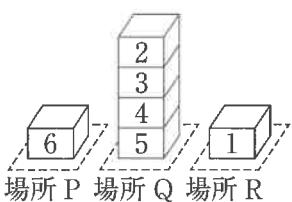
図2



【操作2】 図2の、1が書かれたブロックを、場所Rへ移動するので、図3のようになる。

図3

この結果、3か所にあるブロックの個数は、場所Pに1個、場所Qに4個、場所Rに1個となる。



いま、図1の状態で、大、小2つのさいころを同時に1回投げるとき、次の問い合わせに答えなさい。ただし、大、小2つのさいころはともに、1から6までのどの目が出ることも同様に確からしいものとする。

(ア) 次の□の中の「け」「こ」「さ」にあてはまる数字をそれぞれ0～9の中から1つずつ選び、その数字を答えなさい。

ブロックの個数が3か所とも同じになる確率は $\frac{\boxed{け}}{\boxed{こさ}}$ である。

(イ) 次の□の中の「し」「す」にあてはまる数字をそれぞれ0～9の中から1つずつ選び、その数字を答えなさい。

3か所のうち、少なくとも1か所のブロックの個数が0個になる確率は $\frac{\boxed{し}}{\boxed{す}}$ である。

問6 右の図1は、線分ABを直径とする円Oを底面とし、線分ACを母線とする円すいである。

また、点Dは線分BCの中点である。

さらに、点Eは円Oの周上の点である。

$AB = 8\text{cm}$, $AC = 10\text{cm}$, $\angle AOE = 60^\circ$ のとき、次の問いに答えなさい。ただし、円周率は π とする。

(ア) この円すいの表面積として正しいものを次の1～6の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

- | | |
|------------------------|------------------------|
| 1. $24\pi\text{ cm}^2$ | 2. $28\pi\text{ cm}^2$ |
| 3. $40\pi\text{ cm}^2$ | 4. $48\pi\text{ cm}^2$ |
| 5. $56\pi\text{ cm}^2$ | 6. $84\pi\text{ cm}^2$ |

(イ) この円すいにおいて、2点D, E間の距離として正しいものを次の1～6の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

- | | |
|--------------------------|--------------------------|
| 1. $\sqrt{43}\text{ cm}$ | 2. 7 cm |
| 3. $5\sqrt{2}\text{ cm}$ | 4. $\sqrt{57}\text{ cm}$ |
| 5. $3\sqrt{7}\text{ cm}$ | 6. 8 cm |

(ウ) 次の□の中の「せ」「そ」にあてはまる数字をそれぞれ0～9の中から1つずつ選び、その数字を答えなさい。

点Fが線分ACの中点であるとき、この円すいの側面上に、図2のように点Eから線分BCと交わるように、点Fまで線を引く。このような線のうち、長さが最も短くなるように引いた線の長さは□せ□そ cmである。

図1

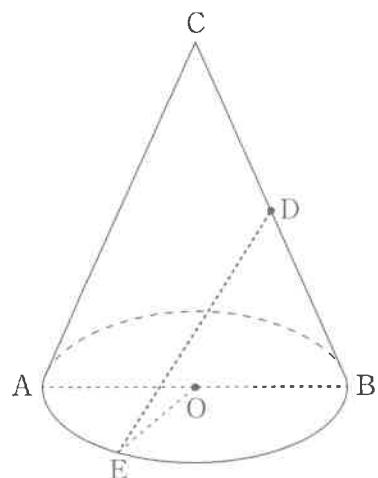
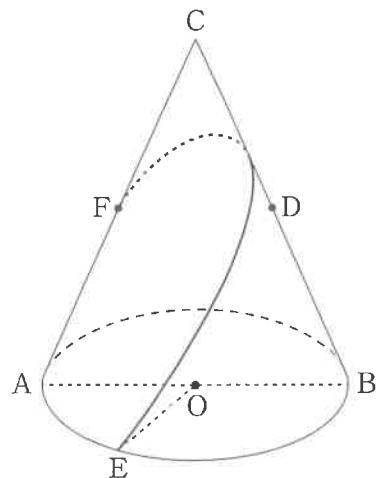


図2



(問題は、これで終わりです。)

III 数学 正答表 (令和5年度)

問1	(ア)	3	3点
	(イ)	3	3点
	(ウ)	1	3点
	(エ)	4	3点
	(オ)	2	3点

問2	(ア)	2	4点
	(イ)	1	4点
	(ウ)	4	4点
	(エ)	2	4点
	(オ)	3	4点

問3	(ア)	(a)	3	両方 てきて 3点
		(i)	1	
		(b)	4	2点
	(ii)		36°	4点
		あい		
	(イ)	(i)	2	2点
		(ii)	6	3点
	(ウ)		3	5点
	(エ)		5 : 4	6点
		う : ん		

問4	(ア)	5	4点
	(イ)	(i)	両方 できて 5点
		(ii)	4
	(ウ)		1
		おかげ	$\frac{57}{13}$
		きく	6点

問5	(ア)	$\frac{1}{18}$	5点
	(イ)		
	(ウ)		
	(エ)	$\frac{4}{9}$	5点
	(オ)		

問6	(ア)	5	4点
	(イ)	2	5点
	(ウ)		
	(エ)		
	(オ)	$5\sqrt{7}$ cm	6点

令和5年度

神奈川県公立高等学校入学者選抜学力検査問題

共通選抜 全日制の課程（追検査）

III 数 学

注意事項

- 1 開始の合図があるまで、この問題冊子を開いてはいけません。
- 2 問題は問6まであり、1ページから8ページに印刷されています。
- 3 解答用紙の決められた欄に解答しなさい。
- 4 答えを選んで解答する問題については、選択肢の中から番号を1つ選びなさい。
- 5 □の中の「あ」「い」「う」…にあてはまる数字を解答する問題については、下の例のように、あてはまる数字をそれぞれ0～9の中から1つずつ選びなさい。
- 6 マークシート方式により解答する場合は、選んだ番号の○の中を塗りつぶしなさい。
- 7 答えに根号が含まれるときは、根号の中は最も小さい自然数にしなさい。
- 8 答えが分数になるときは、約分できる場合は約分しなさい。
- 9 計算は、問題冊子のあいているところを使いなさい。
- 10 終了の合図があったら、すぐに解答をやめなさい。

例 $\frac{\text{あ}}{\text{いう}}$ に $\frac{7}{12}$ と解答する場合は、「あ」が7、「い」が1、「う」が2となります。

マークシート方式では、
右の図のように塗りつぶします。

あ	①	①	②	③	④	⑤	⑥	●	⑧	⑨
い	①	●	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨
う	①	①	●	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨

受 檢 番 号										番
---------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	---

問1 次の計算をした結果として正しいものを、それぞれあとの中から1つずつ選び、その番号を
答えなさい。

(ア) $-11 + (-5)$

1. -16

2. -6

3. 6

4. 16

(イ) $\frac{1}{5} - \frac{9}{10}$

1. $-\frac{11}{10}$

2. $-\frac{7}{10}$

3. $\frac{7}{10}$

4. $\frac{11}{10}$

(ウ) $\frac{5x-y}{6} - \frac{3x-4y}{8}$

1. $\frac{-11x+8y}{24}$

2. $\frac{11x-16y}{24}$

3. $\frac{11x-8y}{24}$

4. $\frac{11x+8y}{24}$

(エ) $\frac{25}{\sqrt{10}} - \sqrt{40} + \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2}}$

1. $\sqrt{5}$

2. $\sqrt{10}$

3. $2\sqrt{5}$

4. $2\sqrt{10}$

(オ) $(x+9)(x-6) - (x-4)^2$

1. $5x-70$

2. $5x-38$

3. $11x-70$

4. $11x-38$

問2 次の問い合わせする答えとして正しいものを、それぞれあとの1～4の中から1つずつ選び、その番号を答えなさい。

(ア) 連立方程式 $\begin{cases} 5x+8y=-2 \\ \frac{1}{3}x+\frac{3}{4}y=-1 \end{cases}$ を解きなさい。

1. $x = -6, y = 4$ 2. $x = -2, y = 1$
3. $x = 2, y = -1$ 4. $x = 6, y = -4$

(イ) 2次方程式 $2x^2 - 8x + 1 = 0$ を解きなさい。

1. $x = \frac{-4 \pm \sqrt{14}}{2}$ 2. $x = \frac{-4 \pm \sqrt{14}}{4}$ 3. $x = \frac{4 \pm \sqrt{14}}{4}$ 4. $x = \frac{4 \pm \sqrt{14}}{2}$

(ウ) x の値が1から3まで増加するとき、2つの関数 $y = ax^2$ と $y = -6x$ の変化の割合が等しくなるような a の値を求めなさい。

1. $a = -\frac{3}{2}$ 2. $a = -\frac{3}{4}$ 3. $a = \frac{3}{4}$ 4. $a = \frac{3}{2}$

(エ) 5%の食塩水350gに、15%の食塩水を加えて8%の食塩水をつくった。

このとき、加えた食塩水の量を求めなさい。

1. 125g 2. 150g 3. 175g 4. 200g

(オ) $\sqrt{61-4n}$ が整数となるような正の整数 n の個数を求めなさい。

1. 2個 2. 3個 3. 4個 4. 5個

問3 次の問いに答えなさい。

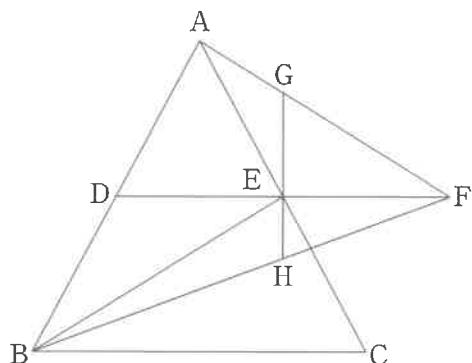
(ア) 右の図1のように、 $AB=AC$ の二等辺三角形ABCが

あり、辺AB, ACの中点をそれぞれD, Eとする。

また、線分DEの延長上に点Fを、 $\angle ABE = \angle CAF$ となるようにとる。

このとき、次の(i), (ii)に答えなさい。

図1



(i) 三角形AEFと三角形BDEが合同であることを次のように証明した。 (a) (b) に最も適するものを、それぞれ選択肢の1～4の中から1つずつ選び、その番号を答えなさい。

[証明]

$\triangle AEF$ と $\triangle BDE$ において、

まず、仮定より、

$$\angle ABE = \angle CAF$$

$$\text{よって, } \angle EAF = \angle DBE \quad \cdots \cdots \textcircled{1}$$

次に、仮定より、 $AB=AC$ であり、2点D, Eはそれぞれ辺AB, ACの中点であるから、

$$AD=DB \quad \cdots \cdots \textcircled{2}$$

$$AD=AE \quad \cdots \cdots \textcircled{3}$$

$$\textcircled{2}, \textcircled{3} \text{より, } DB=AE \quad \cdots \cdots \textcircled{4}$$

さらに、 $\textcircled{3}$ より、 $\triangle ADE$ は二等辺三角形であり、

その2つの底角は等しいから、

$$\boxed{\text{(a)}} \quad \cdots \cdots \textcircled{5}$$

また、 $\triangle ADE$ の外角は、それととなり合わない2つの内角の和に等しいから、

$$\angle AEF = \angle ADE + \angle DAE \quad \cdots \cdots \textcircled{6}$$

$$\angle BDE = \angle AED + \angle DAE \quad \cdots \cdots \textcircled{7}$$

$$\textcircled{5}, \textcircled{6}, \textcircled{7} \text{より, } \angle AEF = \angle BDE \quad \cdots \cdots \textcircled{8}$$

$\textcircled{1}, \textcircled{4}, \textcircled{8}$ より、 (b) から、

$$\triangle AEF \cong \triangle BDE$$

(a)の選択肢

1. $\angle ABC = \angle ADE$
2. $\angle ACB = \angle AED$
3. $\angle ADE = \angle AED$
4. $\angle AED = \angle CEF$

(b)の選択肢

1. 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい
2. 2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい
3. 3組の辺がそれぞれ等しい
4. 2組の角がそれぞれ等しい

(ii) 線分AF上に点Gを、 $DF \perp GE$ となるようにとり、線分BFと線分GEの延長との交点をHとする。線分GEと線分EHの長さの比を最も簡単な整数の比で表したものとして正しいものを次の1～6の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

1. 2:1

2. 3:2

3. 5:3

4. 8:5

5. 13:8

6. 16:9

(イ) 次の□の中の「あ」「い」にあてはまる数字をそれぞれ0～9の中から1つずつ選び、その数字を答えなさい。

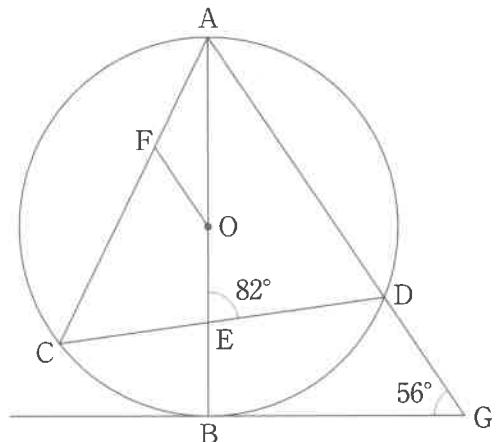
右の図2において、線分ABは円Oの直径であり、2点C, Dは円Oの周上の点である。

また、点Eは線分ABと線分CDとの交点であり、点Fは線分AC上の点で、 $AD \parallel FO$ である。

さらに、点Gは点Bを通る円Oの接線と線分ADの延長との交点である。

このとき、 $\angle OFC = \boxed{\text{あい}}^\circ$ である。

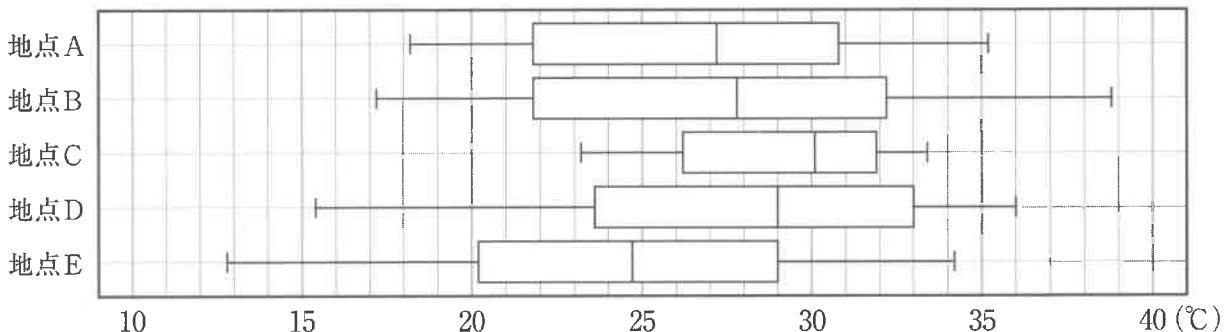
図2



(ウ) 次の図3は、5つの地点A～Eにおける、月ごとの最高気温を、それぞれ12か月分記録し箱ひげ図に表したものである。

この図から読み取れることがらを、あとの中からすべて選んだときの組み合わせとして最も適するものを1～8の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

図3



I. 地点Aにおける最高気温が20℃以上の月は、9か月以上ある。

II. 最高気温が30℃以上35℃以下の月は、地点Bより地点Cの方が多い。

III. 最高気温の四分位範囲は、地点Dより地点Eの方が大きい。

IV. 最高気温が30℃以上の月は、どの地点にもある。

V. 最高気温が25℃以上の月は、どの地点にも7か月以上ある。

1. I, IV

2. II, IV

3. III, V

4. I, II, III

5. I, II, IV

6. III, IV, V

7. I, II, III, IV

8. I, II, IV, V

(エ) 次の の中の「う」「え」「お」にあてはまる数字をそれぞれ **0** ~ **9** の中から 1 つずつ選び、その数字を答えなさい。

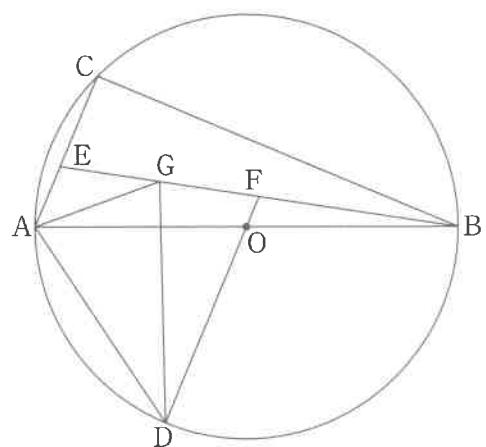
右の図 4において、線分 AB は円 O の直径であり、2 点 C, D は円 O の周上の点で、 $AC \parallel DO$ である。

また、点 E は線分 AC 上の点で、 $AE : EC = 2 : 3$ である。

さらに、点 F は線分 BE と線分 DO の延長との交点であり、点 G は線分 EF の中点である。

$AB = 13\text{ cm}$, $BC = 12\text{ cm}$ のとき、三角形 ADG の面積は $\frac{\text{うえ}}{\text{お}}$ cm^2 である。

図 4



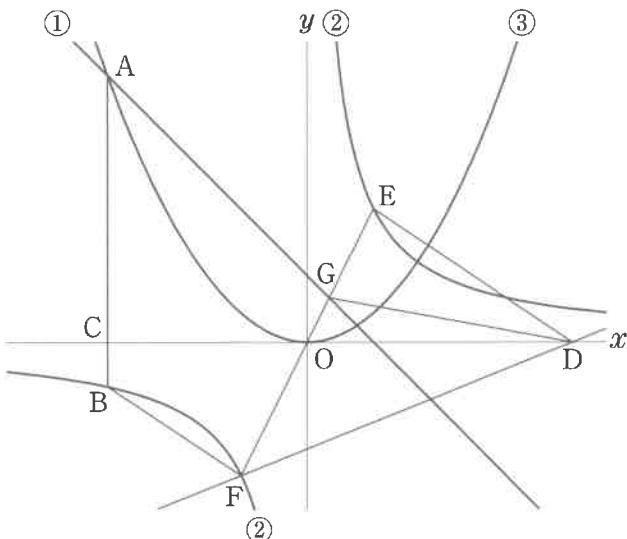
問4 右の図において、直線①は関数 $y = -x + 2$ のグラフであり、曲線②は関数 $y = \frac{8}{x}$ のグラフ、曲線③は関数 $y = ax^2$ のグラフである。

点Aは直線①と曲線③との交点で、その x 座標は-6である。点Bは曲線②上の点で、線分ABは y 軸に平行である。点Cは線分ABと x 軸との交点である。

また、原点をOとするとき、点Dは x 軸上の点で、 $CO : OD = 3 : 4$ であり、その x 座標は正である。

さらに、点Eは曲線②上の点で、その x 座標は2である。点Fは点Eと原点Oについて対称な点である。

このとき、次の問いに答えなさい。



(ア) 曲線③の式 $y = ax^2$ の a の値として正しいものを次の1～6の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

1. $a = \frac{1}{9}$

2. $a = \frac{2}{9}$

3. $a = \frac{1}{3}$

4. $a = \frac{4}{9}$

5. $a = \frac{5}{9}$

6. $a = \frac{2}{3}$

(イ) 直線DFの式を $y = mx + n$ とするときの(i) m の値と、(ii) n の値として正しいものを、それぞれ次の1～6の中から1つずつ選び、その番号を答えなさい。

(i) m の値

1. $m = \frac{1}{3}$

2. $m = \frac{2}{5}$

3. $m = \frac{1}{2}$

4. $m = \frac{3}{5}$

5. $m = \frac{2}{3}$

6. $m = \frac{3}{4}$

(ii) n の値

1. $n = -\frac{16}{5}$

2. $n = -3$

3. $n = -\frac{14}{5}$

4. $n = -\frac{8}{3}$

5. $n = -\frac{12}{5}$

6. $n = -\frac{5}{3}$

(ウ) 次の□の中の「か」「き」「く」にあてはまる数字をそれぞれ0～9の中から1つずつ選び、その数字を答えなさい。

直線①と線分EFとの交点をGとする。四角形ABFGの面積をS、三角形DEGの面積をTとするとき、SとTの比を最も簡単な整数の比で表すと、 $S : T = \boxed{\text{か}} : \boxed{\text{き}} : \boxed{\text{く}}$ である。

問5 右の図1のように、2つの箱P, Qがあり、これらの箱には同じ大きさの玉が箱Pに9個、箱Qに3個入っている。

大、小2つのさいころを同時に1回投げ、大きいさいころの出た目の数を a 、小さいさいころの出た目の数を b とする。出た目の数によって、次の【操作1】、【操作2】を順に行い、それぞれの箱に入っている玉の個数について考える。

【操作1】 箱Pから玉を a 個取り出し、箱Qに入れる。

【操作2】 2つの箱P, Qのうち、入っている玉の個数が多い方の箱から玉を b 個取り出し、もう一方の箱に入れる。ただし、2つの箱に入っている玉の個数が等しい場合は、箱Pから玉を b 個取り出し、箱Qに入れる。

例

大きいさいころの出た目の数が6、小さいさいころの出た目の数が2のとき、 $a=6$, $b=2$ だから、

【操作1】 図1の、箱Pから玉を6個取り出し、箱Qに入れるので、図2のようになる。

【操作2】 図2の、2つの箱P, Qのうち、入っている玉の個数が多い箱Qから玉を2個取り出し、箱Pに入れるので、図3のようになる。

この結果、箱Pに入っている玉の個数は5個、箱Qに入っている玉の個数は7個となる。

図1

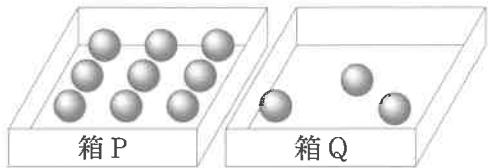


図2

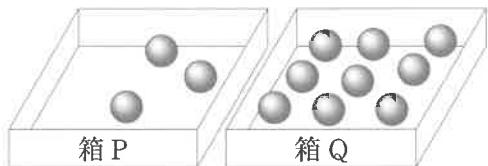
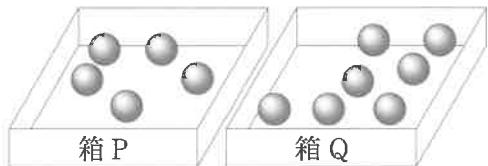


図3



いま、図1の状態で、大、小2つのさいころを同時に1回投げるとき、次の問い合わせに答えなさい。ただし、大、小2つのさいころはともに、1から6までのどの目が出ることも同様に確からしいものとする。

(ア) 次の□の中の「け」「こ」「さ」にあてはまる数字をそれぞれ0～9の中から1つずつ選び、その数字を答えなさい。

箱Pに玉が入っていない確率は $\frac{\boxed{け}}{\boxed{こさ}}$ である。

(イ) 次の□の中の「し」「す」「せ」「そ」にあてはまる数字をそれぞれ0～9の中から1つずつ選び、その数字を答えなさい。

箱Pに入っている玉の個数が箱Qに入っている玉の個数より多くなる確率は $\frac{\boxed{しす}}{\boxed{せそ}}$ である。

問6 右の図1は、1辺の長さが6cmの正方形ABCDを底面とし、 $AE=BF=CG=DH=5\text{cm}$ を高さとする四角柱である。

また、点Iは線分FH上の一地点で、 $FI:IH=2:1$ である。

このとき、次の問いに答えなさい。

(ア) この四角柱の表面積として正しいものを次の1~6の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

- | | |
|----------------------|----------------------|
| 1. 120 cm^2 | 2. 156 cm^2 |
| 3. 180 cm^2 | 4. 192 cm^2 |
| 5. 200 cm^2 | 6. 216 cm^2 |

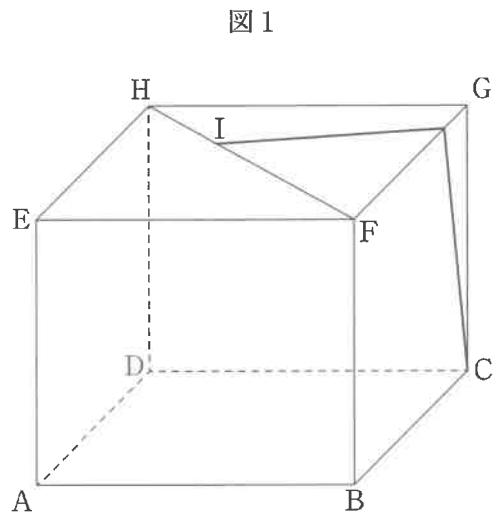


図1

(イ) この四角柱の表面上に、図1のように点Cから辺FGと交わるように、点Iまで線を引く。このような線のうち、長さが最も短くなるように引いた線の長さとして正しいものを次の1~6の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

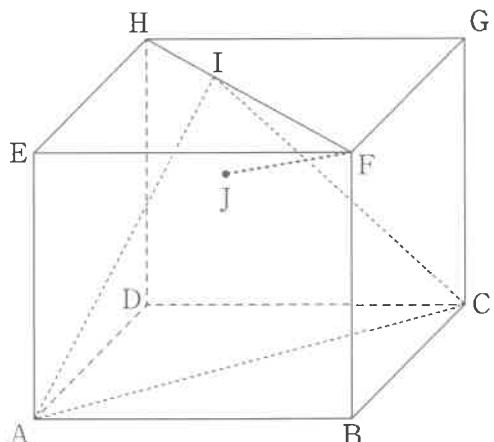
- | | |
|------------------------------------|------------------------------------|
| 1. $\frac{\sqrt{97}}{2}\text{ cm}$ | 2. $\frac{5\sqrt{5}}{2}\text{ cm}$ |
| 3. $\sqrt{85}\text{ cm}$ | 4. $\sqrt{97}\text{ cm}$ |
| 5. $5\sqrt{5}\text{ cm}$ | 6. $2\sqrt{85}\text{ cm}$ |

(ウ) 次の□の中の「た」「ち」「つ」「て」にあてはまる数字をそれぞれ0~9の中から1つずつ選び、その数字を答えなさい。

この四角柱において、図2のように、点Fから3点A, C, Iを通る平面に引いた垂線と、3点A, C, Iを通る平面との交点をJとするとき、線分FJの長さは

たち $\sqrt{\boxed{ }}\text{ cm}$ である。

図2



(問題は、これで終わりです。)

III 数 学 正 答 表 追検査（令和5年度）

問 1	(ア)	1	3点
	(イ)	2	3点
	(ウ)	4	3点
	(エ)	2	3点
	(オ)	3	3点

問 4	(ア)	2	4点
	(イ)	2	両方 できて 5点
	(ウ)	1	
	かき : <input type="text"/>	17 : 4	6点

問 2	(ア)	4	4点
	(イ)	4	4点
	(ウ)	1	4点
	(エ)	2	4点
	(オ)	3	4点

問 5	(ア)	$\frac{1}{36}$	5点
	(イ)	$\frac{13}{36}$	5点

問 3	(ア)	(a)	3	2点
		(b)	1	2点
	(イ)			
	(ウ)	3	5点	
	(エ)	60°	5点	
	(オ)	5	5点	
	(ア)			
	(イ)			
	(ウ)			
	(エ)			
	(オ)			

問 6	(ア)	4	4点
	(イ)	3	5点
	(ウ)		
	(エ)		
	(オ)		
	たち	$\sqrt{6}$	cm
	て	$\frac{20\sqrt{6}}{9}$	6点