

受検番号	氏名
------	----

注 意

- 1 問題は、表と裏にあります。
- 2 答えは、すべて解答欄に記入下さい。

1 次の(1)~(7)の問いに答え下さい。

表 合 計

(1) $7 - 3 \times (-2)$ を計算して下さい。

(1)

(2) 1個 a g のケーキ5個を、 b g の箱に入れたときの全体の重さを、 a 、 b を用いた式で表して下さい。

(2) g

(3) $\sqrt{18} - \frac{8}{\sqrt{2}}$ を計算して下さい。

(3)

(4) $x(y-1) + 5y - 5$ を因数分解して下さい。

(4)

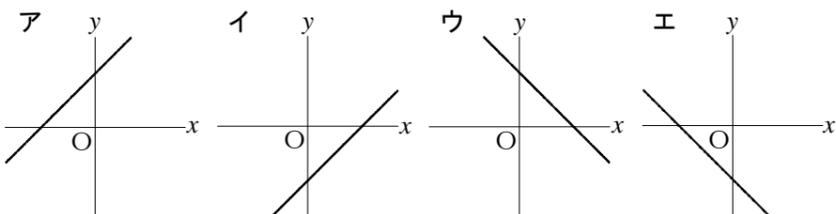
(5) 方程式 $x + 2y = 4$ 、 $x + 7y = 1$ を解き下さい。

(5) $x =$, $y =$

(6) 方程式 $2x^2 + 7x - 4 = 0$ を解き下さい。

(6) $x =$

(7) a を正の定数、 b を負の定数とする。関数 $y = ax + b$ のグラフとして最も適切なものを、次のア~エから1つ選んで記号を書き下さい。



(7)

2 次の(1)~(5)の問いに答え下さい。

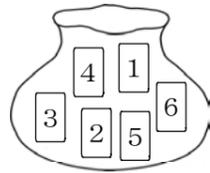
合 計

(1) 次のア~ウの三角形のうち、直角三角形はどれか、すべて選んで記号を書き下さい。

- ア 3辺の長さが 2 cm, 4 cm, $2\sqrt{3}$ cm である三角形
- イ 3辺の長さが 3 cm, 5 cm, 3 cm である三角形
- ウ 3辺の長さが 1 cm, 0.8 cm, 0.6 cm である三角形

(1)

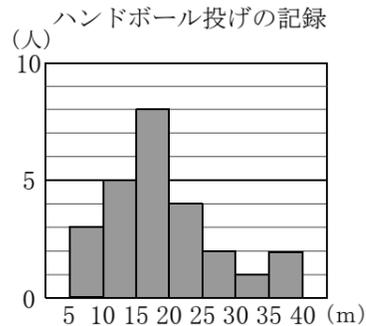
(2) 袋の中に、1から6までの数が1つずつ書かれた6枚のカードがある。この6枚のカードから2枚のカードを同時に取り出すとき、取り出した2枚のカードに書かれた数の和が、7以上になる確率を求め下さい。ただし、どのカードの取り出し方も同様に確からしいものとする。



(2)

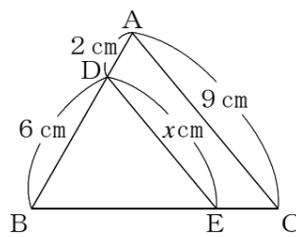
(3) 下の図は、ある中学校の生徒25人のハンドボール投げの記録をヒストグラムに表したものであり、記録の平均値は19.1 mであった。

このヒストグラムでは、例えば、5~10の階級では、記録が5 m以上10 m未満の人数が3人であることを表している。記録の平均値が含まれる階級の相対度数を求め下さい。



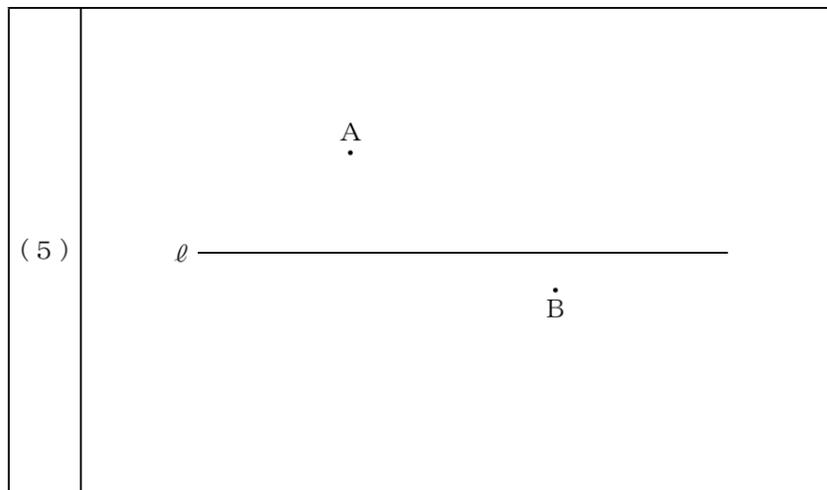
(3)

(4) 次の図のような△ABCがある。点D、Eはそれぞれ辺AB、BC上の点で、DE // ACである。xの値を求め下さい。

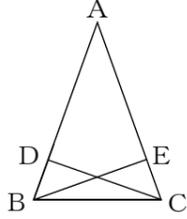


(4) $x =$

(5) 次の図のように、直線 l と、直線 l 上にない2点A、Bがある。このとき、直線 l 上にあり、 $AP = BP$ となる点Pを、定規とコンパスを用いて作図して下さい。ただし、作図に用いた線は消さないこと。



3 次の図で、 $\triangle ABC$ は $AB=AC$ の二等辺三角形である。点D, Eは、それぞれ辺AB, AC上の点であり、 $AB \perp CD$, $AC \perp BE$ である。下の(1), (2)の問いに答えなさい。



(1) $\triangle ABE \equiv \triangle ACD$ となることを証明した。[証明]が正しくなるように、アに直角三角形の合同条件を書きなさい。

[証明]

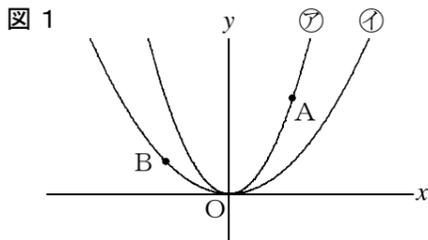
$\triangle ABE$ と $\triangle ACD$ において、
 $\angle AEB = \angle ADC = 90^\circ$ (仮定) …①
 $AB = AC$ (仮定) …②
 $\angle BAE = \angle CAD$ (共通な角) …③
 ①, ②, ③より、直角三角形の **ア** から、
 $\triangle ABE \equiv \triangle ACD$

(1) ア

(2) 辺BCと線分CEの長さの比が、 $BC : CE = 3 : 1$ のとき、 $\triangle ABC$ の面積は $\triangle BCE$ の面積の何倍か、求めなさい。

(2) 倍

4 図1で、⑦は関数 $y = ax^2$, ⑧は関数 $y = \frac{1}{4}x^2$ のグラフである。点Aは⑦上にあり、座標は(2, 3)である。点Bは⑧上にあり、x座標は-2である。下の(1)~(3)の問いに答えなさい。



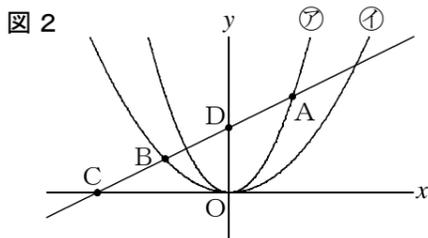
(1) aの値を求めなさい。

(1) a =

(2) 関数 $y = \frac{1}{4}x^2$ について、xの値が2から6まで増加するときの変化の割合を求めなさい。

(2)

(3) 図2は、図1に直線ABをかき加えたものであり、点Cは直線ABとx軸の交点、点Dは直線ABとy軸の交点である。このとき、 $\triangle COD$ をx軸を軸として1回転させてできる円錐の体積を求めなさい。ただし、原点Oから(0, 1), (1, 0)までの距離をそれぞれ1cmとする。また、円周率を π とする。



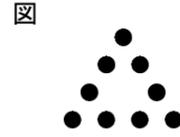
(3) cm^3

5 《ルール》にしたがって^{いし}基石を並べて正多角形をつくる。

《ルール》

正多角形の頂点に必ず基石を置く。すべての辺の基石の個数は同じとし、1辺の基石の個数は3個以上とする。

図は、1辺の個数を4個とし、正三角形をつくった例である。また、表は、正多角形をつくるときに必要な基石の個数をまとめたものである。下の(1)~(3)の問いに答えなさい。



表

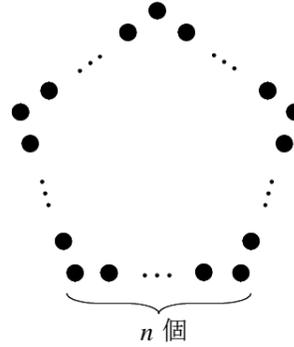
	正三角形	正方形	正五角形
1辺の個数が3個のとき	6	ア	10
1辺の個数が4個のとき	9	12	15
1辺の個数が5個のとき	12	16	イ

(1) 表のア, イにあてはまる数を書きなさい。

(1) ア イ

(2) 1辺の個数をn個として正五角形をつくるとき、必要な基石の個数をnを用いた式で表しなさい。式を求める過程も書きなさい。なお、過程を書く際、解答欄にある図を用いてもよい。

(過程)

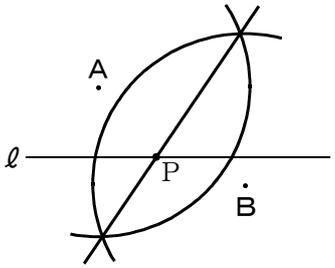


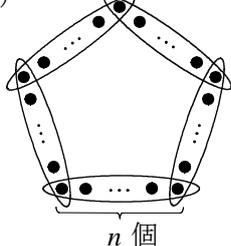
(2)

答 個

(3) 27個の基石をすべて使って、1つの正多角形をつくる。このとき、つくることができる正多角形は正何角形か、すべて書きなさい。

(3)

問題		正 答	配 点	
大問	小問		小問	大問
1	(1)	1 3	5 点	3 5 点
	(2)	$5 a + b g$	5 点	
	(3)	$-\sqrt{2}$	5 点	
	(4)	$(x + 5)(y - 1)$	5 点	
	(5)	$x = -5, y = 3$	5 点	
	(6)	$x = -4, \frac{1}{2}$	5 点	
	(7)	イ	5 点	
2	(1)	ア, ウ	5 点	2 5 点
	(2)	$\frac{3}{5}$	5 点	
	(3)	0.3 2	5 点	
	(4)	$x = \frac{27}{4}$	5 点	
	(5)	(例) 	5 点	

問題		正 答	配 点	
大問	小問		小問	大問
3	(1)	ア (例) 斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しい	5 点	1 0 点
	(2)	4.5 倍	5 点	
4	(1)	$a = \frac{3}{4}$	5 点	1 5 点
	(2)	2	5 点	
	(3)	$\frac{16}{3} \pi \text{ cm}^3$	5 点	
5	(1)	ア 8 イ 20	5 点	5 点
	(2)	(過程) (例)  n 個 基石を上のように囲むと、1つの囲みに基石が n 個ある。その囲みが 5 つある。このとき、5 つの頂点の基石の数を 2 回数えているから、並べた基石の数は、5 n 個より 5 個少なくなる。よって、正五角形をつくる時に必要な基石の数は (5 n - 5) 個となる。 答 $5 n - 5$ 個	5 点	
	(3)	正三角形, 正九角形	5 点	

合 計 1 0 0 点

令和4年度一般選抜学力検査問題

数 学

(2 時間目 60分)

注 意

- 1 問題用紙と解答用紙の両方の決められた欄に，受検番号と氏名を記入しなさい。
- 2 問題用紙は開始の合図があるまで開いてはいけません。
- 3 問題は1ページから9ページまであり，これとは別に解答用紙が1枚あります。
- 4 答えは，すべて解答用紙に記入しなさい。
- 5 問題用紙等を折ったり切り取ったりしてはいけません。

受検番号		氏名	
------	--	----	--

1 次の(1)～(15)の中から、指示された8問について答えなさい。

(1) $-3 \times (5 - 8)$ を計算しなさい。

(2) $a^2 \times ab^2 \div a^3b$ を計算しなさい。

(3) $\sqrt{80} \times \sqrt{5}$ を計算しなさい。

(4) 次の5つの数の中から、無理数をすべて選びなさい。

$$\sqrt{2}, \sqrt{9}, \frac{5}{7}, -0.6, \pi$$

(5) 連立方程式
$$\begin{cases} x + y = 9 \\ 0.5x - \frac{1}{4}y = 3 \end{cases}$$
 を解きなさい。

(6) 方程式 $x^2 + 3x + 2 = 0$ を解きなさい。

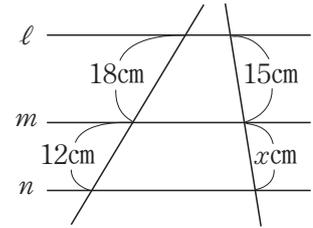
(7) y は x に反比例し、 $x = 2$ のとき、 $y = 4$ である。このとき、 y を x の式で表しなさい。

(8) 袋の中に、白い碁石と黒い碁石が合わせて500個入っている。この袋の中の碁石をよくかき混ぜ、60個の碁石を無作為に抽出したところ、白い碁石は18個含まれていた。この袋の中に入っている500個の碁石には、白い碁石がおよそ何個含まれていると推定できるか、求めなさい。

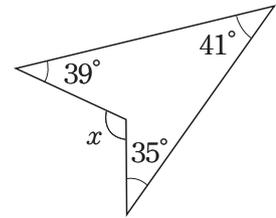
(9) $x = 11$, $y = 54$ のとき、 $25x^2 - y^2$ の値を求めなさい。

(10) 2つの整数148, 245を自然数 n で割ったとき、余りがそれぞれ4, 5となる自然数 n は全部で何個あるか、求めなさい。

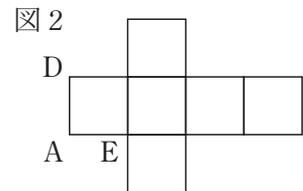
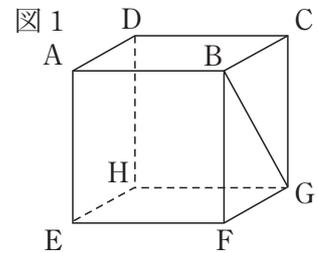
- (11) 右の図で、3直線 l , m , n は、いずれも平行である。このとき、 x の値を求めなさい。



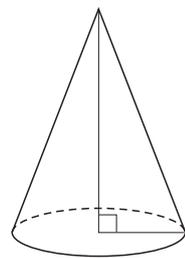
- (12) 右の図で、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。



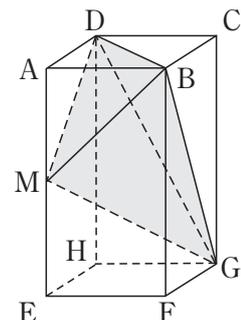
- (13) 図1は、立方体 $ABCD-EFGH$ に、線分 BG をかき加えたものである。図2は、図1の立方体の展開図である。このとき、図2に線分 BG を表す線をかきなさい。ただし、頂点を表す $A \sim H$ の文字を書く必要はないものとする。



- (14) 右の図は、底面の半径が 3 cm 、側面積が $24\pi\text{ cm}^2$ の円錐である。この円錐の体積を求めなさい。ただし、 π は円周率とする。



- (15) 右の図のように、直方体 $ABCD-EFGH$ があり、点 M は辺 AE の中点である。 $AB = BC = 6\text{ cm}$ 、 $AE = 12\text{ cm}$ のとき、四面体 $BDGM$ の体積を求めなさい。

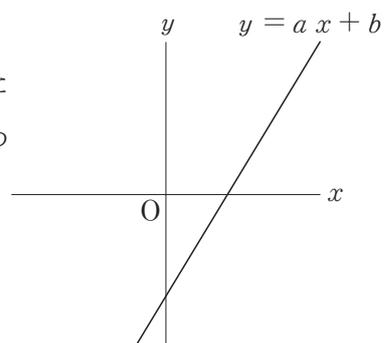


2 次の(1)～(4)の問いに答えなさい。

(1) 次の①, ②の問いに答えなさい。

① 方程式 $2x + 3y = -6$ のグラフをかきなさい。

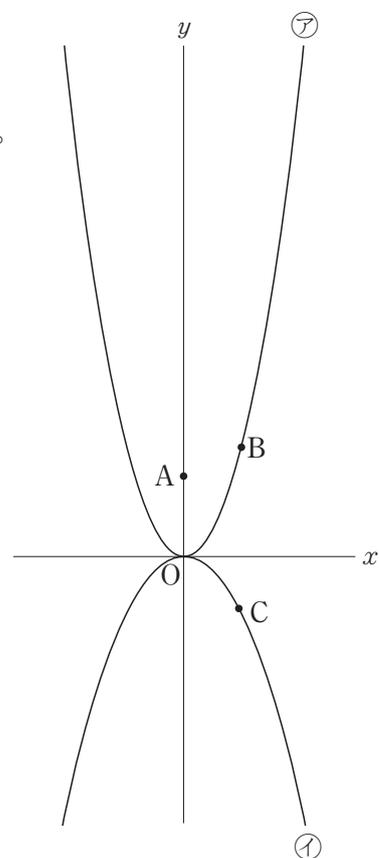
② 右の図のような, 1次関数 $y = ax + b$ (a, b は定数) のグラフがある。このときの a, b の正負について表した式の組み合わせとして正しいものを, 次のア～エから1つ選んで記号を書きなさい。



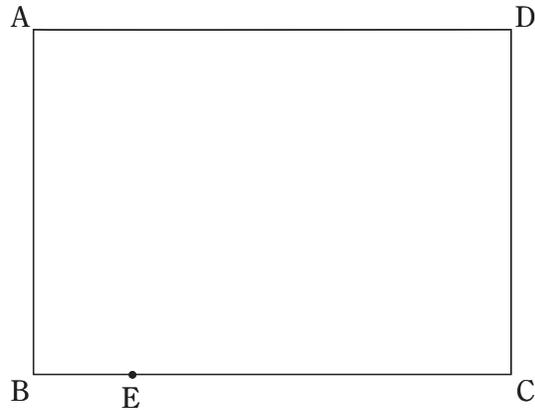
- | | |
|---|----------------|
| ア | $a > 0, b > 0$ |
| イ | $a > 0, b < 0$ |
| ウ | $a < 0, b > 0$ |
| エ | $a < 0, b < 0$ |

(2) 次の図において, ㉞は関数 $y = x^2$, ㉟は関数 $y = -\frac{1}{2}x^2$ のグラフである。点Aは y 軸上の点であり, y 座標は3である。点Bは㉞上の点であり, x 座標は正である。点Cは㉟上の点であり, x 座標は点Bの x 座標と等しい。

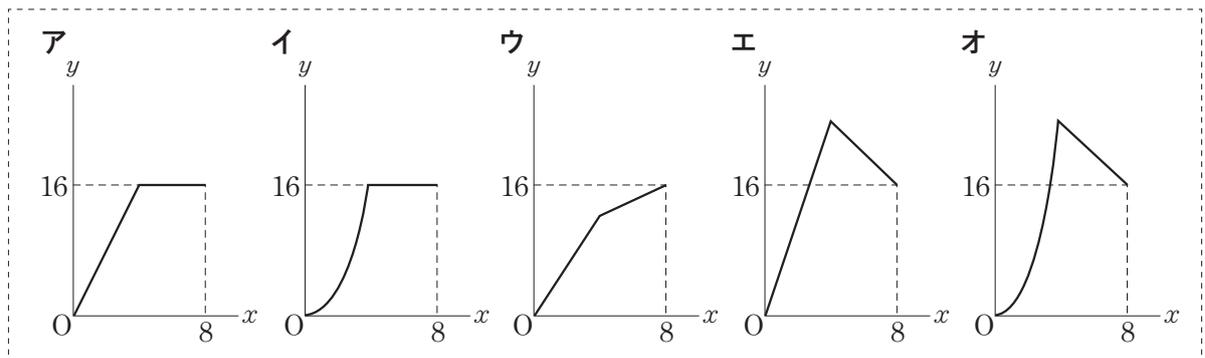
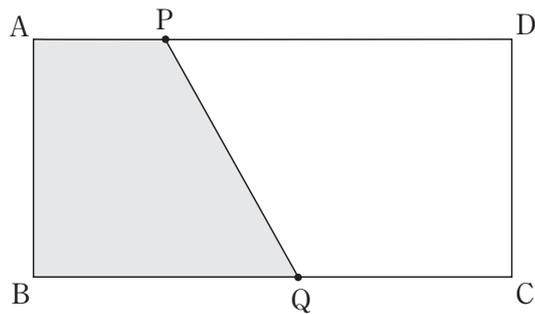
- ① 点Bの x 座標が2のとき, 線分BCの長さを求めなさい。
ただし, 原点Oから $(0, 1), (1, 0)$ までの距離を, それぞれ1cmとする。
- ② 3点A, B, Cを結んでできる $\triangle ABC$ が $AB = AC$ の二等辺三角形になるとき, 点Bの x 座標を求めなさい。



- (3) 図のように、長方形 $ABCD$ があり、点 E は辺 BC 上の点である。この長方形を頂点 D が点 E に重なるように折ったときにできる折り目の線を、定規とコンパスを用いて作図しなさい。ただし、作図に用いた線は消さないこと。

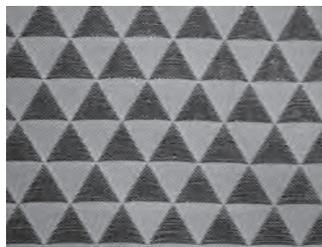


- (4) 図のように、 $AB = 4$ cm、 $AD = 8$ cm の長方形 $ABCD$ がある。点 P は、点 A を出発し、辺 AD 上を $A \rightarrow D$ に毎秒 1 cm の速さで動き、点 D で止まる。点 Q は、点 P が点 A を出発するのと同時に点 B を出発し、辺 BC 上を $B \rightarrow C \rightarrow B$ の順に毎秒 2 cm の速さで動き、点 B で止まる。点 P が点 A を出発してから x 秒後の四角形 $ABQP$ の面積を y cm^2 とする。
 $0 \leq x \leq 8$ のとき、 x と y の関係を表す最も適切なグラフを、下のア～オから 1 つ選んで記号を書きなさい。ただし、 $x = 0$ のとき $y = 0$ とし、 $x = 8$ のとき $y = 16$ とする。



3 写真のような、「鱗文様^{うろこもんよう}」と呼ばれる日本の伝統文様がある。図1の三角形A \triangle と三角形B ∇ は合同な正三角形であり、この「鱗文様」は、図2のように、三角形Aと三角形Bをしきつめてつくったものとみることができる。次の(1)、(2)の問いに答えなさい。

写真

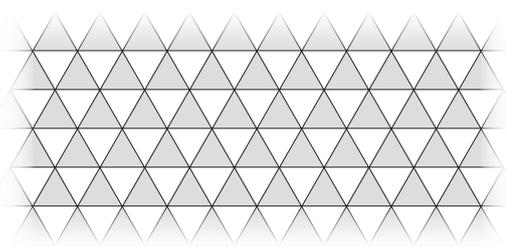


「鱗文様」の布

図1

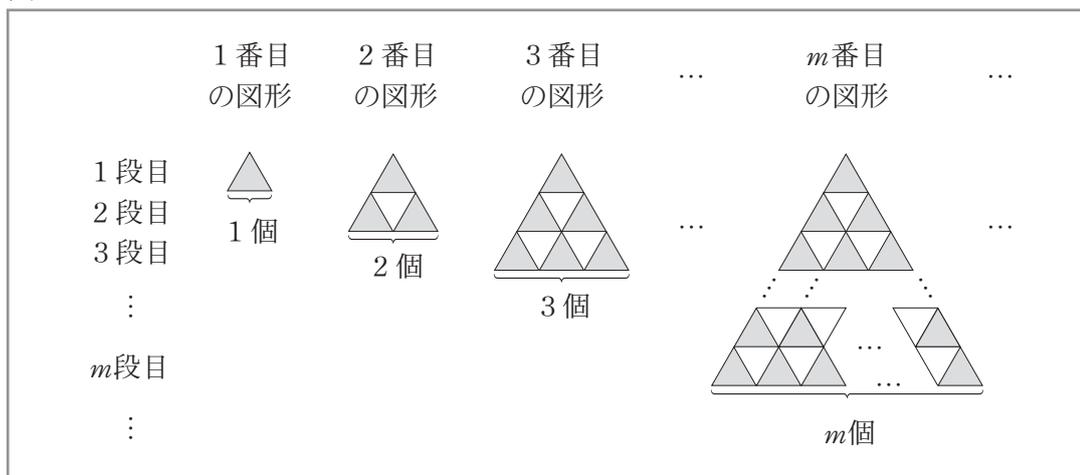


図2



(1) 図3のように、1段目に三角形Aが1個あるものを1番目の図形とし、2番目の図形以降では、三角形Aと三角形Bをすき間なく規則的に並べて、「鱗文様」の正三角形をつくっていく。 m 番目の図形の m 段目には、三角形Aが m 個ある。

図3



① 次の表は、1番目の図形、2番目の図形、3番目の図形、...にある三角形Aの個数、三角形Bの個数をまとめたものの一部である。ア、イにあてはまる数を書きなさい。

表

図形の番号 (番目)	1	2	3	4	5	6	7	...
三角形Aの個数 (個)	1	3	6	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>	ア	...
三角形Bの個数 (個)	0	1	3	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>	イ	...

② m 番目の図形に、三角形A、三角形Bを加えて、 $(m+1)$ 番目の図形をつくる。加えた三角形Aの個数が16個、三角形Bの個数が15個のとき、 m の値を求めなさい。

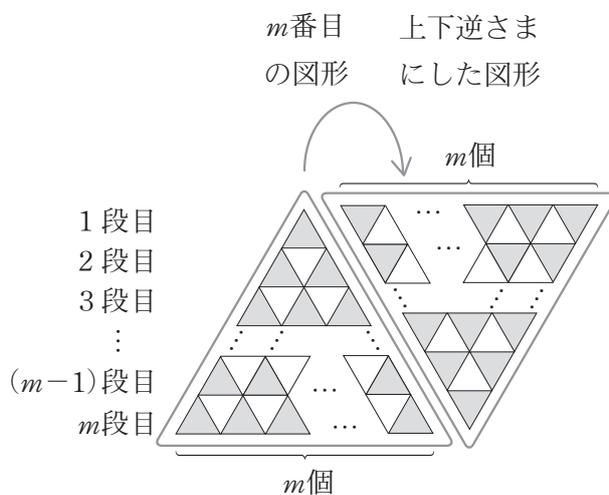
- ③ m 番目の図形にある三角形 A の個数の求め方を、次のように説明した。〔説明〕が正しくなるように、ウ、エにあてはまる式を書きなさい。

〔説明〕

右の図は、図 3 の m 番目の図形の右側に、この図形を上下逆さまにした図形を置いたものです。

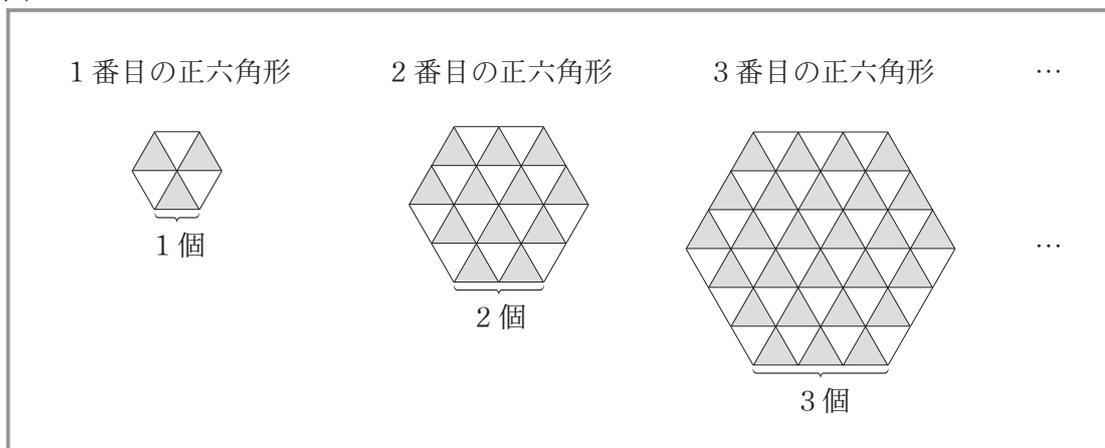
右の図で、三角形 A は、1 段目に $(1+m)$ 個、2 段目に $\{2+(m-1)\}$ 個あります。同様にして、三角形 A は、 m 段目に $(m+1)$ 個あるので、三角形 A の個数は全部で 個となります。

このことから、図 3 の m 番目の図形にある三角形 A の個数は 個となります。



- (2) 三角形 A と三角形 B をすき間なく規則的に並べて、「鱗文様」の正六角形をつくっていく。図 4 のように、正六角形の辺の 1 つに、三角形 A が、1 個並ぶ図形を 1 番目の正六角形、2 個並ぶ図形を 2 番目の正六角形、3 個並ぶ図形を 3 番目の正六角形、…とする。
 n 番目の正六角形にある三角形 A の個数を、 n を用いた式で表しなさい。

図 4



4 次の(1), (2)の問いに答えなさい。

(1) 箱の中に整数1, 2, 3, 4が1つずつ書かれているカードが4枚入っている。この箱の中からカードを取り出す。ただし, どのカードが取り出されることも同様に確からしいものとする。

① この箱の中からカードを1枚取り出すとき, カードに書かれている数が偶数である確率を求めなさい。

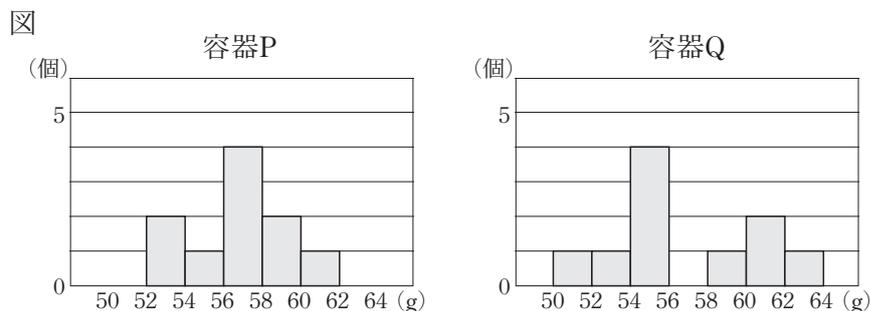
② この箱の中から, 次のA, Bで示した2つの方法でそれぞれカードを2枚取り出す。取り出した2枚のカードに書かれている数の和が5以上になるのは, どちらの方法のときが起こりやすいか。起こりやすいほうをA, Bから1つ選んで記号を書きなさい。また, そのように判断した理由を, 根拠となる数値を示して説明しなさい。

A カードを1枚取り出し, 箱の中に戻さずに続けてもう1枚取り出す。

B カードを1枚取り出してカードに書かれている数を確認した後, カードを箱の中に戻し, 再びこの箱の中から1枚取り出す。

(2) 2つの容器P, Qに, 卵が10個ずつ入っている。それぞれの容器に入った卵の重さを1個ずつ調べた。次の図は, 調べた結果を容器別にヒストグラムに表したものである。この図において, 例えば52~54の階級では, 重さが52g以上54g未満の卵が, 容器Pには2個, 容器Qには1個あることを表している。

この図から読み取れることとして正しいものを, 下のア~エから1つ選んで記号を書きなさい。



ア 60g以上62g未満の階級の相対度数は, 容器Pのほうが容器Qよりも大きい。

イ 58g以上の卵の個数は, 容器Pのほうが容器Qよりも多い。

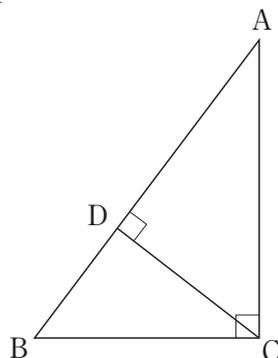
ウ 容器Pの最頻値は, 容器Qの最頻値と等しい。

エ 容器Pの中央値は, 容器Qの中央値よりも大きい。

5 次の I , II から、指示された問題について答えなさい。

I 図1のように、 $\angle ACB = 90^\circ$ の直角三角形 ABC がある。点 D は、辺 AB 上の点であり、 $AB \perp CD$ である。次の(1)、(2)の問いに答えなさい。

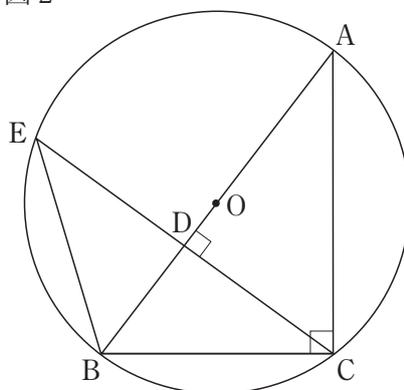
図1



(1) $\triangle ABC \sim \triangle ACD$ となることを証明しなさい。

(2) 図2のように、点 O を中心とし、図1の直角三角形 ABC の頂点 A, B, C を通る円 O がある。点 E は、線分 CD を D の方向に延長した直線と円 O の交点である。BE = 6 cm, AC = 8 cm である。

図2

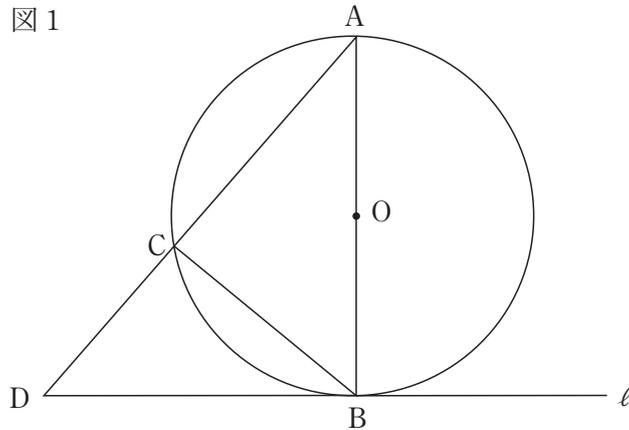


① 図2において、辺の長さや角の大きさの関係を正しく表しているものを、次のア～エから1つ選んで記号を書きなさい。

- ア BE = DE
 - イ AD = CD
 - ウ $\angle ABE = \angle ACE$
 - エ $\angle BDE = 2\angle BCE$

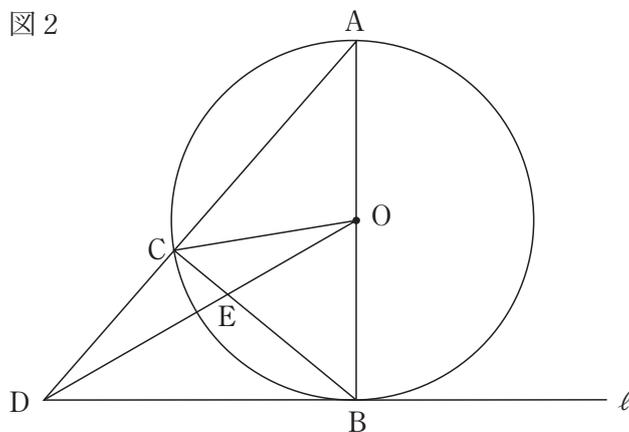
② $\triangle BCD$ の面積は、 $\triangle ABC$ の面積の何倍か、求めなさい。

Ⅱ 図1のように、点Oを中心とし、線分ABを直径とする円Oがある。直線ℓは、点Bを通る円Oの接線である。点Cは、円Oの周上にあり、点A、Bと異なる点である。点Dは、直線ACと直線ℓの交点である。次の(1)、(2)の問いに答えなさい。



(1) $\triangle ABC \sim \triangle ADB$ となることを証明しなさい。

(2) 図2は、図1に線分OCと線分ODをかき加えたものである。点Eは、線分BCと線分ODの交点である。



① 図2における角の大きさの関係について必ずいえることを、次のア～エから1つ選んで記号を書きなさい。

- | | |
|---|---------------------------|
| ア | $\angle BOE = \angle OEB$ |
| イ | $\angle BAD = \angle CBD$ |
| ウ | $\angle ODC = \angle COD$ |
| エ | $\angle COD = \angle CBD$ |

② 線分OBと線分ADの長さの比が、 $OB : AD = 3 : 8$ のとき、 $\triangle OBE$ の面積は、 $\triangle ABD$ の面積の何倍か、求めなさい。

数 学

(解 答 用 紙)

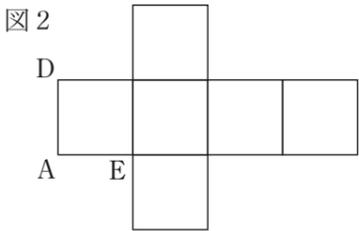
受検番号		氏 名	
------	--	-----	--

表 合 計

合 計

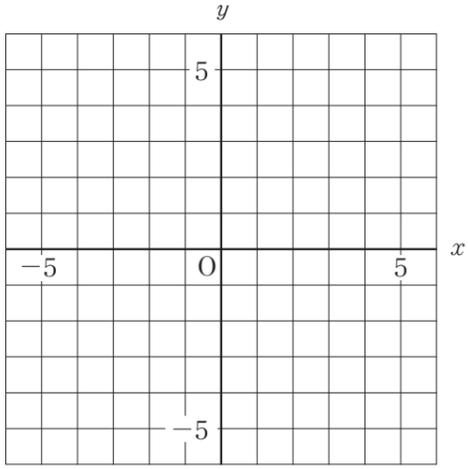
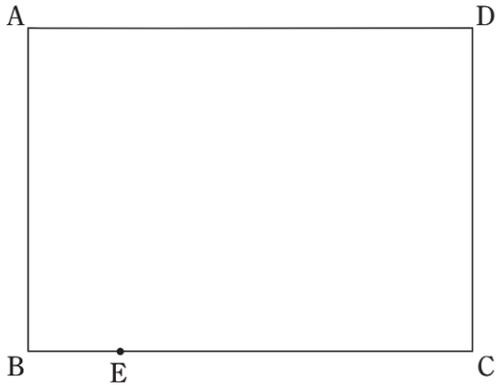
1

小 計

(1)	
(2)	
(3)	
(4)	
(5)	$x =$, $y =$
(6)	$x =$
(7)	
(8)	およそ 個
(9)	
(10)	個
(11)	$x =$
(12)	。
(13)	 <p>図2</p>
(14)	cm^3
(15)	cm^3

2

小 計

(1)	①	
	②	
(2)	①	cm
	②	
(3)		
(4)		

裏合計

3

小計

(1)	①	ア	
		イ	
	②	$m =$	
	③	ウ	
エ			
(2)	個		

5 - I

小計

(1)	[証明] $\triangle ABC$ と $\triangle ACD$ において	
	$\triangle ABC \sim \triangle ACD$	
(2)	①	
	②	倍

4

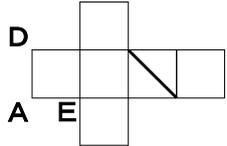
小計

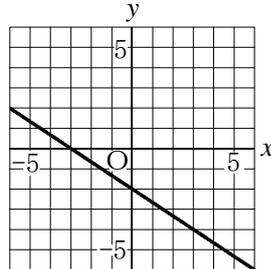
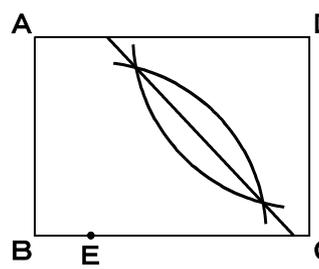
(1)	①	
		(記号) ----- (理由)
(2)	②	

5 - II

小計

(1)	[証明] $\triangle ABC$ と $\triangle ADB$ において	
	$\triangle ABC \sim \triangle ADB$	
(2)	①	
	②	倍

問題		正答	配点	
大問	小問		小問	大問
1	(1)	9	4点	(1)から8問選択
	(2)	b	4点	
	(3)	20	4点	
	(4)	$\sqrt{2}, \pi$	4点	
	(5)	$x = 7, y = 2$	4点	
	(6)	$x = -2, -1$	4点	
	(7)	$y = \frac{8}{x}$	4点	
	(8)	およそ 150 個	4点	
	(9)	109	4点	
	(10)	6 個	4点	
	(11)	$x = 10$	4点	
	(12)	115 °	4点	
	(13)	図2 	4点	
	(14)	$3\sqrt{5}5\pi \text{ cm}^3$	4点	
	(15)	108 cm^3	4点	

問題		正答	配点		
大問	小問		小問	大問	
2	(1)		4点	(1)から8問選択	
		②	イ		4点
	(2)	①	6 cm		4点
		②	$2\sqrt{3}$		4点
	(3)	(例) 	5点		
	(4)	エ	4点		2.5点

問 題		正 答		配 点	
大問	小問			小問	大問
3	(1)	①	ア	2 8	4 点
			イ	2 1	
		③	ウ	(例) $m(m+1)$	4 点
			エ	(例) $\frac{m(m+1)}{2}$	
	(2)	$3n^2$ 個		4 点	1 6 点

問 題		正 答		配 点	
大問	小問			小問	大問
4	(1)	①	$\frac{1}{2}$	3 点	5 点
		②	(記号) A ----- (理由) (例) A のとき, 起こりうるすべての場合は12通りで, このうち, 和が5以上になるのは8通りある。 B のとき, 起こりうるすべての場合は16通りで, このうち, 和が5以上になるのは10通りある。 これより, 和が5以上になる確率は, A のときは $\frac{8}{12} = \frac{2}{3}$, B のときは $\frac{10}{16} = \frac{5}{8}$ と なる。 $\frac{2}{3} > \frac{5}{8}$ だから, A の ほうが起こりやすい。		
	(2)	エ	4 点	1 2 点	

問 題		正 答		配 点	
大問	小問			小問	大問
5 I	(1)	[証明] (例) $\triangle ABC$ と $\triangle ACD$ において 仮定より, $\angle ACB = \angle ADC = 90^\circ$ …① 共通な角だから, $\angle BAC = \angle CAD$ …② ①, ②より, 2組の角がそれぞれ等しいから, $\triangle ABC \sim \triangle ACD$		5点	I と II か ら 1 問 選 択
	(2)	①	ウ	5点	
		②	$\frac{9}{25}$ 倍	5点	
5 II	(1)	[証明] (例) $\triangle ABC$ と $\triangle ADB$ において 共通な角だから, $\angle BAC = \angle DAB$ …① 半円の弧に対する円周角だから, $\angle ACB = 90^\circ$ …② 円の接線は, 接点を通る半径に垂直だから, $\angle ABD = 90^\circ$ …③ ②, ③より, $\angle ACB = \angle ABD$ …④ ①, ④より, 2組の角がそれぞれ等しいから, $\triangle ABC \sim \triangle ADB$		5点	
	(2)	①	イ	5点	
		②	$\frac{9}{46}$ 倍	5点	
				計 100点	