

1 次の計算をなさい。

(1) 600×1.1

(2) $6 + (-3)^2$

(3) $\frac{9x+5y}{8} - \frac{x-y}{2}$

(4) $(8a^3b^2 + 4a^2b^2) \div (2ab)^2$

(5) $(3x+7)(3x-7) - 9x(x-1)$

(6) $(\sqrt{5}+1)^2 - \sqrt{45}$

2 次の各問いに答えなさい。

(1) 一次方程式 $x - 4 = 5x + 16$ を解きなさい。

(2) 二次方程式 $x^2 - 3x - 1 = 0$ を解きなさい。

(3) 次のア～オから、 y が x の関数であるものをすべて選び、記号で答えなさい。

ア 1 辺の長さが x cm である正方形の面積 y cm²

イ 頂点が x 個である正多角形の 1 つの外角の大きさ y 度

ウ 降水確率が x % の日の最高気温 y °C

エ 3 % の食塩水 x g にとけている食塩の量 y g

オ 自然数 x の倍数 y

- (4) 次は、健太さんと優子さんが、数学の授業で、並んでいる3つの数の和について、カレンダーを見ながら会話をしている場面である。会話文中の に説明の続きを書いて、会話文を完成しなさい。

健太：前回の数学の授業では、3、4、5のように、連続する3つの数の和が中央の数の3倍であることを学んだね。3つの数字が規則的に並んでいれば、3つの数の和は中央の数の3倍になっているのかな。

優子：そうね。例えば、図1で、斜めに並んでいる7、15、23の和は45で、中央の数15の3倍になっているね。

健太：本当だ。2、10、18や12、20、28も、7、15、23と同じように斜めに並んでいる数で、3つの数の和は中央の数の3倍になっているね。

優子：図1のように斜めに並んでいる3つの数は、選ぶ場所が変わっても、数が8ずつ増えているから、文字を使って次のように説明が書けるね。

図1

日	月	火	水	木	金	土
			1	2	3	4
5	6	7	8	9	10	11
12	13	14	15	16	17	18
19	20	21	22	23	24	25
26	27	28	29	30		

〈説明〉

図1のように斜めに並んでいる3つの数のうち、一番小さな数を n とおくと、残りの2つの数は $n+8$ 、 $n+16$ と表される。3つの数の和は、

$$n + (n+8) + (n+16) = 3n + 24 = 3(n+8)$$

$n+8$ は中央の数だから、 $3(n+8)$ は中央の数の3倍である。

したがって、図1のように斜めに並んでいる3つの数の和は、中央の数の3倍である。

健太：それでは、図2の9、15、21のように斜めに並んでいる数も、和が中央の数15の3倍になっているね。図2のように斜めに並んでいる3つの数も、選ぶ場所が変わっても、和は中央の数の3倍になっているのかな。

優子：そうね。今度は、中央の数を n とおいて説明を書いてみるね。

図2

日	月	火	水	木	金	土
			1	2	3	4
5	6	7	8	9	10	11
12	13	14	15	16	17	18
19	20	21	22	23	24	25
26	27	28	29	30		

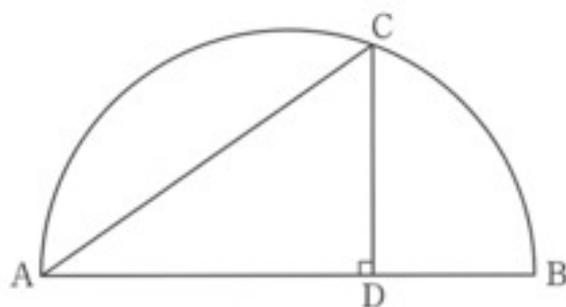
〈説明〉

図2のように斜めに並んでいる3つの数のうち、中央の数を n とおくと、

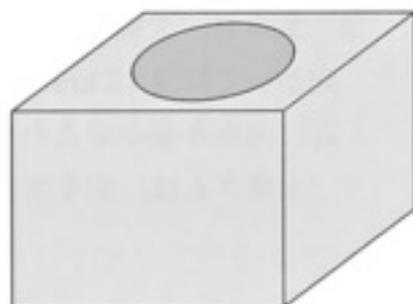
したがって、図2のように斜めに並んでいる3つの数の和は、中央の数の3倍である。

健太：規則的に並んでいる数字は興味深いね。

- (5) 右の図は、線分 AB を直径とする半円で、点 C は \widehat{AB} 上にあり、点 D は線分 AB 上にあって、 $CD \perp AB$ である。 \widehat{AC} 上に点 P を、 $\triangle ADP$ の面積が $\triangle ADC$ の面積の半分となるようにとりたい。点 P を、定規とコンパスを使って作図しなさい。なお、作図に用いた線は消さずに残しておくこと。



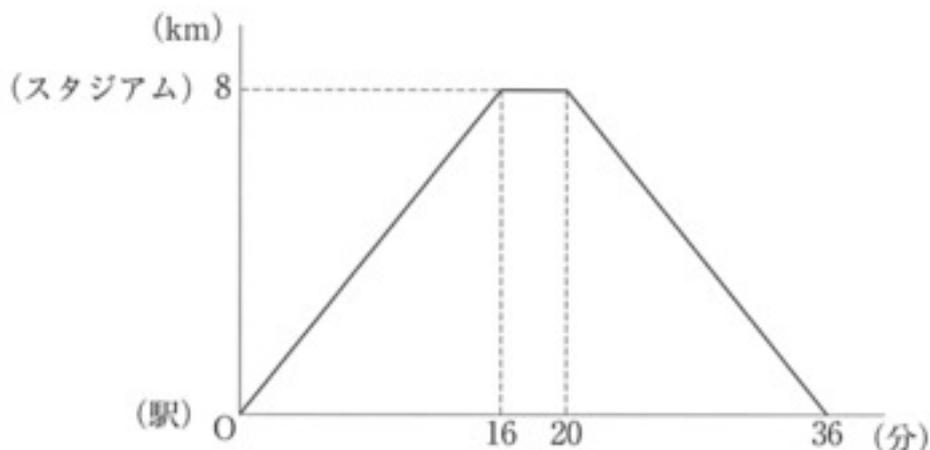
- (6) 下の図のように、1, 2, 3, 4, 5 の数字が1つずつ書かれた5枚のカードがあり、これらの5枚のカードを箱に入れた。この箱から1枚カードを取り出し、取り出したカードに書かれている数を確認してから箱にもどすことを2回行う。



- ① カードの取り出し方は全部で何通りあるか、求めなさい。
- ② 1回目に取り出したカードに書かれている数を a 、2回目に取り出したカードに書かれている数を b とする。
このとき、 $a - b$ の値が1以上になる確率を求めなさい。ただし、どのカードが取り出されることも同様に確からしいものとする。

- (7) 駅からスタジアムまでの8 kmの路線を、一定の速さで往復運行しているバスがある。
このバスは、駅を出発して16分後にスタジアムに到着し、スタジアムで4分間停車して、再びスタジアムから駅へと走る。

下の図は、バスが駅を出発してからの時間と、駅からの道のりとの関係をグラフに表したものである。



- ① バスは、駅からスタジアムまで時速何 km で走るか、求めなさい。
- ② ある日、大輔^{だいすけ}さんは、自転車に乗って駅を出発し、バスと同じ路線をスタジアムに向かって時速 15 km で走った。大輔さんがバスと同時に駅を出発したところ、スタジアムに向かう途中でこのバスとすれちがった。
大輔さんは、駅を出発してから何分後にこのバスとすれちがったのか、求めなさい。

- 3 サッカーが好きな航平^{こうへい}さんは、日本のチームに所属しているプロのサッカー選手の中から100人を無作為に抽出し、身長や靴のサイズ、出身地についての標本調査を行った。表1は身長について、表2は靴のサイズについて、その結果をそれぞれ度数分布表に表したものである。また、表3は抽出した選手について、熊本県出身の選手と熊本県以外の出身の選手の人数をそれぞれ表したものである。

このとき、次の各問いに答えなさい。

表1

身長(cm)	度数(人)
以上 未満	
160～ 165	2
165～ 170	10
170～ 175	22
175～ 180	25
180～ 185	24
185～ 190	13
190～ 195	4
計	100

表2

靴のサイズ(cm)	度数(人)
24.5	2
25	6
25.5	8
26	14
26.5	18
27	17
27.5	16
28	11
28.5	6
29	2
計	100

表3

出身地	度数(人)
熊本県	2
熊本県以外	98
計	100

- (1) 航平さんの身長は、177 cmである。表1において、航平さんの身長と同じ身長の選手が含まれる階級の階級値を求めなさい。
- (2) 表2において、靴のサイズの最頻値を答えなさい。
- (3) 次の には平均値、中央値のいずれかの言葉を、 には数を入れて、文を完成しなさい。

表2において、靴のサイズの平均値と中央値を比較すると、 の方が cm 大きい。

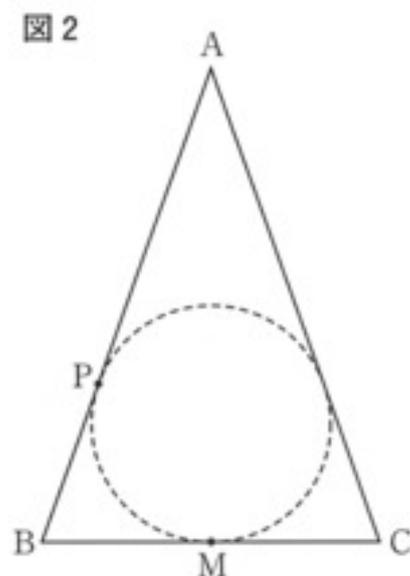
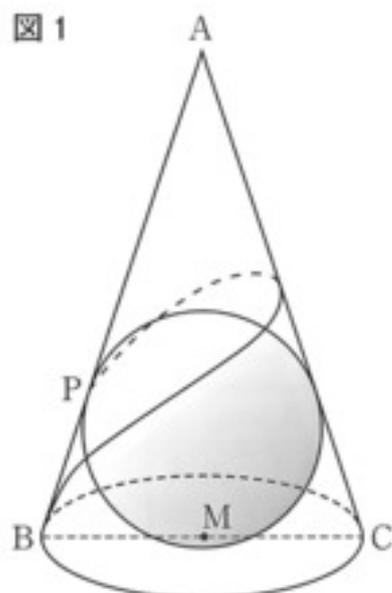
- (4) この標本調査を行ったとき、日本のチームに所属しているプロのサッカー選手のうち、熊本県出身の選手は36人いた。表3から、日本のチームに所属しているプロのサッカー選手のうち、熊本県以外の出身の選手は何人いたと推定されるか、求めなさい。

4 右の図1のように、頂点をAとし、底面の直径BCが4 cm、母線ABが6 cmの円すいと、この円すいの中にぴったり入った球がある。円すいの底面の中心をMとすると、底面と線分AMは垂直に交わっている。

この円すいに、糸を、母線ABと球との接点Pから、側面を一回りして点Bまで、糸の長さが最も短くなるように巻きつける。

このとき、次の各問いに答えなさい。ただし、根号がつくときは、根号のついたままで答えること。また、糸の伸び縮みおよび太さは考えないものとする。

- (1) 円すいの高さAMを求めなさい。
- (2) 右の図2は、図1の立面図である。線分APの長さを求めなさい。
- (3) 図1の円すいの側面の展開図はおうぎ形である。
 - ① おうぎ形の面積を求めなさい。ただし、円周率は π とする。
 - ② 点Pから点Bまでの糸の長さを求めなさい。



5

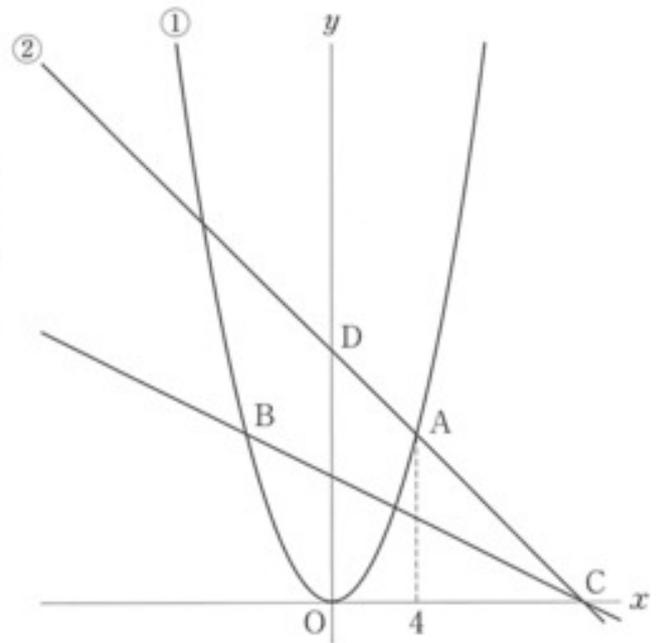
右の図のように、2つの関数

$$y = ax^2 \quad (a \text{ は定数}) \cdots \cdots \textcircled{1}$$

$$y = -x + 12 \cdots \cdots \textcircled{2} \quad \text{のグラフがある。}$$

点Aは関数①、②のグラフの交点で、Aのx座標は4であり、点Bは、y軸についてAと対称な点である。また、点Oは原点、点Cは関数②のグラフとx軸との交点、点Dは関数②のグラフとy軸との交点である。

このとき、次の各問いに答えなさい。



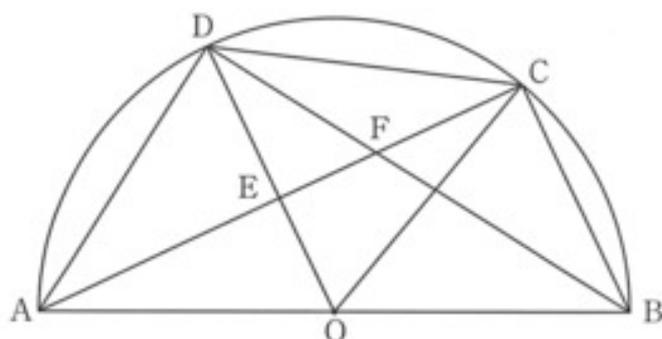
(1) 点Cのx座標を求めなさい。

(2) a の値を求めなさい。

(3) 直線BCの式を求めなさい。

(4) 線分BC上に2点B、Cとは異なる点Pをとる。 $\triangle POC$ と $\triangle PCD$ の面積の和が80となるときのPの座標を求めなさい。

- 6 右の図は、線分 AB を直径とする半円で、点 O は AB の中点である。点 C は \widehat{AB} 上にあり、点 D は \widehat{AC} 上にあって、 $\widehat{AD} = \widehat{DC}$ である。また、線分 AC と線分 OD、線分 BD との交点をそれぞれ E、F とする。



このとき、次の各問いに答えなさい。

- (1) 美咲さんは、 $\triangle AFD \cong \triangle CDE$ であることを証明するため、次のように、最初に $\triangle OAE \cong \triangle OCE$ を示し、それをもとにして証明した。[ア] には当てはまる言葉を書き、[イ] には証明の続きを書いて、証明を完成しなさい。

証明

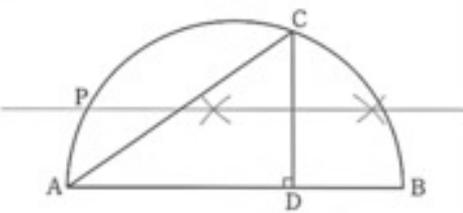
$\triangle OAE$ と $\triangle OCE$ において
 共通な辺だから
 $OE = OE$ ……………①
 OA, OC はともに円の半径だから
 $OA = OC$ ……………②
 $\angle AOE$ と $\angle COE$ は、それぞれ \widehat{AD} と \widehat{DC} に対する中心角で、 $\widehat{AD} = \widehat{DC}$ だから
 $\angle AOE = \angle COE$ ……………③
 ①、②、③より、[ア] がそれぞれ等しいから
 $\triangle OAE \cong \triangle OCE$ ……………④
 よって、 $\angle AEO = \angle CEO$ であり、 $\angle AEO + \angle CEO = 180^\circ$ だから
 $\angle AEO = \angle CEO = 90^\circ$ ……………⑤
 ここで、 $\triangle AFD$ と $\triangle CDE$ において

イ

よって、 $\triangle AFD \cong \triangle CDE$

- (2) $AB = 7\text{ cm}$ 、 $BC = 3\text{ cm}$ のとき、 $\triangle AFD$ の面積は、 $\triangle CDE$ の面積の何倍であるか、求めなさい。

令和2年度(2020年度) 数 学 (問題A)

問題番号	配 点	標 準 解 答
1	1点	(1) 660
	1点	(2) 15
	2点	(3) $\frac{5x+9y}{8}$
	2点	(4) $2a+1$
	2点	(5) $9x-49$
	(計10点) 2点	(6) $6-\sqrt{5}$
2	2点	(1) $x=-5$
	2点	(2) $x=\frac{3\pm\sqrt{13}}{2}$
	2点	(3) ア, イ, エ
	2点	(4) 残りの2つの数は, $a-6$, $a+6$ と表される。 3つの数の和は, $(a-6)+a+(a+6)=3a$ a は中央の数だから, $3a$ は中央の数の3倍である。
	2点	(5) 作図 
	1点	(6) ① 25 通り
	2点	② $\frac{2}{5}$
	1点	(7) ① 時速 [30] km
	(計16点) 2点	② [24] 分後
	3	1点
1点		(2) 26.5 cm
2点		(3) ア 中央値 イ 0.2
(計6点) 2点		(4) 1764 人
4	1点	(1) $4\sqrt{2}$ cm
	1点	(2) 4 cm
	2点	(3) ① 12π cm ²
	(計6点) 2点	② $2\sqrt{19}$ cm
5	1点	(1) 12
	1点	(2) $a=\frac{1}{2}$
	2点	(3) $y=-\frac{1}{2}x+6$
	(計6点) 2点	(4) $(-\frac{4}{3}, \frac{20}{3})$
6	1点	ア 2組の辺とその間の角 ABは半円の直径だから $\angle ADF=90^\circ$⑥ ⑥より, $\angle CED$ は $\angle AEO$ の対頂角だから $\angle CED=90^\circ$⑦ ⑥, ⑦より $\angle ADF=\angle CED$⑧ $\angle DAF$ と $\angle ECD$ は, それぞれ \widehat{DC} と \widehat{AD} に対する 円周角で, $\widehat{DC}=\widehat{AD}$ だから $\angle DAF=\angle ECD$⑨ ⑧, ⑨より, 2組の角がそれぞれ等しい。
	(計6点) 2点	(2) $\frac{7}{5}$ 倍
合 計	50 点	

1 次の計算をなさい。

(1) 600×1.1

(2) $6 + (-3)^2$

(3) $\frac{9x + 5y}{8} - \frac{x - y}{2}$

(4) $(8a^3b^2 + 4a^2b^2) \div (2ab)^2$

(5) $(3x + 7)(3x - 7) - 9x(x - 1)$

(6) $(\sqrt{5} + 1)^2 - \sqrt{45}$

2

次の各問いに答えなさい。

(1) 一次方程式 $x - 4 = 5x + 16$ を解きなさい。

(2) 二次方程式 $x^2 - 3x - 1 = 0$ を解きなさい。

(3) 次のア～オから、 y が x の関数であるものをすべて選び、記号で答えなさい。

ア 1 辺の長さが x cm である正方形の面積 y cm²

イ 頂点が x 個である正多角形の 1 つの外角の大きさ y 度

ウ 降水確率が x % の日の最高気温 y °C

エ 3 % の食塩水 x g にとけている食塩の量 y g

オ 自然数 x の倍数 y

- (4) 次は、健太さんと優子さんが、数学の授業で、並んでいる3つの数の和について、カレンダーを見ながら会話をしている場面である。会話文中の に説明の続きを書いて、会話文を完成しなさい。

健太：前回の数学の授業では、3、4、5のように、連続する3つの数の和が中央の数の3倍であることを学んだね。3つの数字が規則的に並んでいれば、3つの数の和は中央の数の3倍になっているのかな。

優子：そうね。例えば、図1で、斜めに並んでいる7、15、23の和は45で、中央の数15の3倍になっているね。

健太：本当だ。2、10、18や12、20、28も、7、15、23と同じように斜めに並んでいる数で、3つの数の和は中央の数の3倍になっているね。

図1

日	月	火	水	木	金	土
			1	2	3	4
5	6	7	8	9	10	11
12	13	14	15	16	17	18
19	20	21	22	23	24	25
26	27	28	29	30		

優子：図1のように斜めに並んでいる3つの数は、選ぶ場所が変わっても、数が8ずつ増えているから、文字を使って次のように説明が書けるね。

〈説明〉

図1のように斜めに並んでいる3つの数のうち、一番小さな数を n とおくと、残りの2つの数は $n+8$ 、 $n+16$ と表される。3つの数の和は、

$$n + (n+8) + (n+16) = 3n + 24 = 3(n+8)$$

$n+8$ は中央の数だから、 $3(n+8)$ は中央の数の3倍である。

したがって、図1のように斜めに並んでいる3つの数の和は、中央の数の3倍である。

健太：それでは、図2の9、15、21のように斜めに並んでいる数も、和が中央の数15の3倍になっているね。図2のように斜めに並んでいる3つの数も、選ぶ場所が変わっても、和は中央の数の3倍になっているのかな。

図2

日	月	火	水	木	金	土
			1	2	3	4
5	6	7	8	9	10	11
12	13	14	15	16	17	18
19	20	21	22	23	24	25
26	27	28	29	30		

優子：そうね。今度は、中央の数を n とおいて説明を書いてみるね。

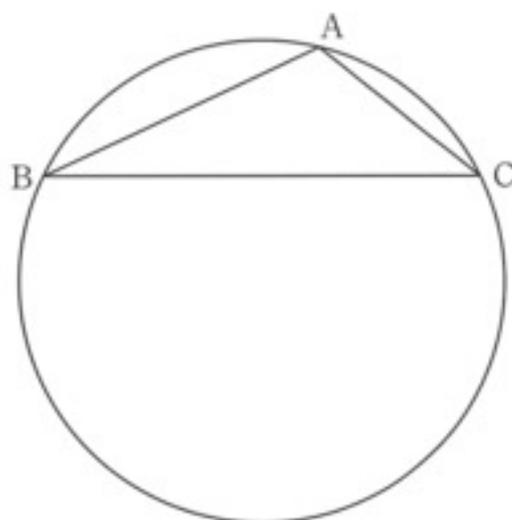
〈説明〉

図2のように斜めに並んでいる3つの数のうち、中央の数を n とおくと、

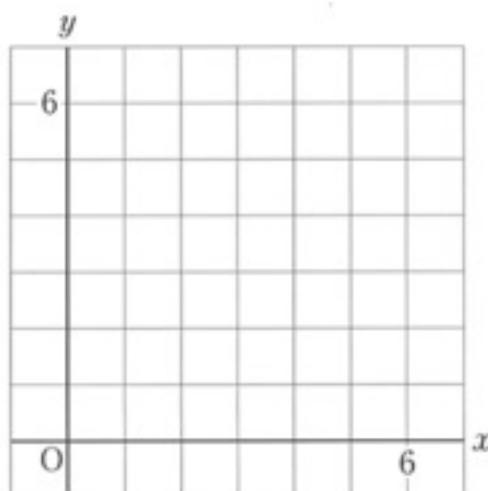
したがって、図2のように斜めに並んでいる3つの数の和は、中央の数の3倍である。

健太：規則的に並んでいる数字は興味深いね。

- (5) 右の図のように、円があり、円の周上に3点A, B, Cがある。Aを含まない \widehat{BC} 上に点Pを、 $\triangle BPC$ の面積が $\triangle ABC$ の面積と等しくなるようにとりたい。点Pを、定規とコンパスを使って1つ作図しなさい。なお、作図に用いた線は消さずに残しておくこと。



- (6) 2つのさいころA, Bと、右の図のような、方眼紙に座標軸をかいた平面があり、点Oは原点である。さいころA, Bを投げて、それぞれのさいころの出る目の数を a, b として、次のルールで点Pの x 座標と y 座標をそれぞれ決める。ただし、さいころの1から6までのどの目が出ることも同様に確からしいものとする。



〈ルール〉

- ・点Pの x 座標は、 a の値が奇数のとき a 、偶数のとき $\frac{a}{2}$ とする。
- ・点Pの y 座標は、 b の値が奇数のとき b 、偶数のとき $\frac{b}{2}$ とする。

例えば、 $a=1, b=6$ のとき、 $P(1, 3)$ となり、 $a=2, b=4$ のとき、 $P(1, 2)$ となる。

- ① 点Pが関数 $y=x$ のグラフ上の点となる確率を求めなさい。
- ② 点Pと原点Oとの距離が4以下となる確率を求めなさい。

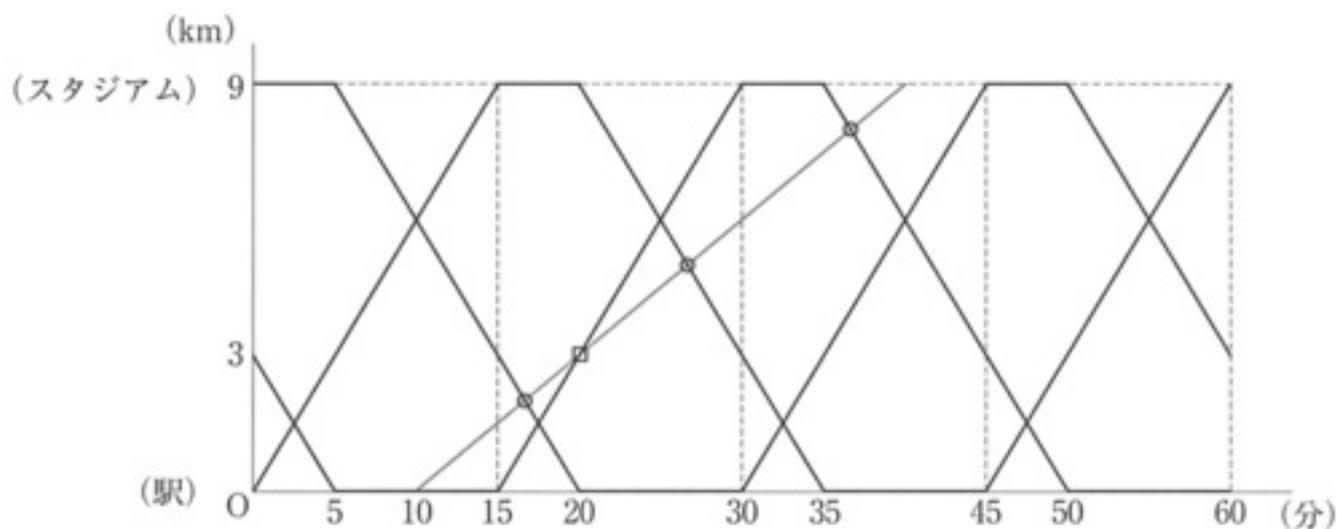
- (7) 駅からスタジアムまでの9 kmの路線を、3台のバスが一定の速さで往復運行している。それぞれのバスは、駅とスタジアムの間を15分で運行し、スタジアムでは5分間、駅では10分間停車する。

- ① ある日、大輔^{おいたけ}さんは、午前10時10分に自転車に乗って駅を出発し、バスと同じ路線をスタジアムに向かって時速18 kmで走った。

下の図は、午前10時から午前11時までにける時間と、それぞれのバスの駅からの道のりとの関係をグラフに表したものに、大輔さんが駅からスタジアムに向かって進んだようすをかき入れたものである。

グラフから、大輔さんは、スタジアムに到着するまでに、スタジアムを出発したバスと3回すれちがい（○印）、駅を出発したバスに1回追いこされた（□印）ことがわかる。

大輔さんが2回目にバスとすれちがったのは午前10時何分何秒か、求めなさい。



- ② 次の日に大輔さんは、午前10時10分に自転車に乗って駅を出発し、バスと同じ路線をスタジアムに向かって時速 a km で走った。大輔さんはスタジアムに到着するまでに、スタジアムを出発したバスと4回すれちがい、駅を出発したバスに2回追いこされた。なお、このときのバスの運行状況は前の日と同じであった。

a の値の範囲を求めなさい。

- 3 サッカーが好きな航平^{こうへい}さんは、日本のチームに所属しているプロのサッカー選手の中から100人を無作為に抽出し、身長や靴のサイズ、出身地についての標本調査を行った。表1は身長について、表2は靴のサイズについて、その結果をそれぞれ度数分布表に表したものである。また、表3は抽出した選手について、熊本県出身の選手と熊本県以外の出身の選手の人数をそれぞれ表したものである。

このとき、次の各問いに答えなさい。

表1

身長(cm)	度数(人)
以上 未満	
160～165	2
165～170	10
170～175	22
175～180	25
180～185	24
185～190	13
190～195	4
計	100

表2

靴のサイズ(cm)	度数(人)
24.5	2
25	6
25.5	8
26	14
26.5	18
27	17
27.5	16
28	11
28.5	6
29	2
計	100

表3

出身地	度数(人)
熊本県	2
熊本県以外	98
計	100

- (1) 航平さんの身長は、177 cmである。表1において、航平さんの身長と同じ身長の選手が含まれる階級の階級値を求めなさい。
- (2) 表2において、靴のサイズの最頻値を答えなさい。
- (3) 次の には平均値、中央値のいずれかの言葉を、 には数を入れて、文を完成しなさい。

表2において、靴のサイズの平均値と中央値を比較すると、 の方が cm 大きい。

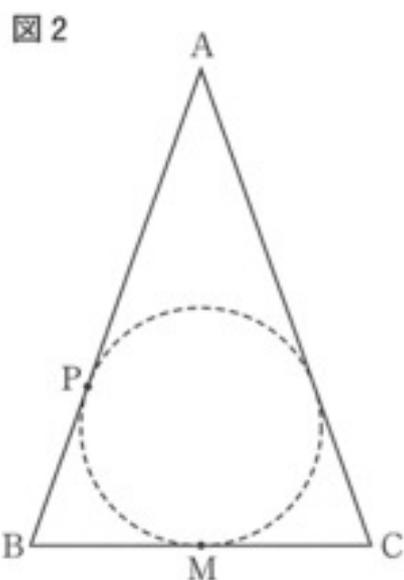
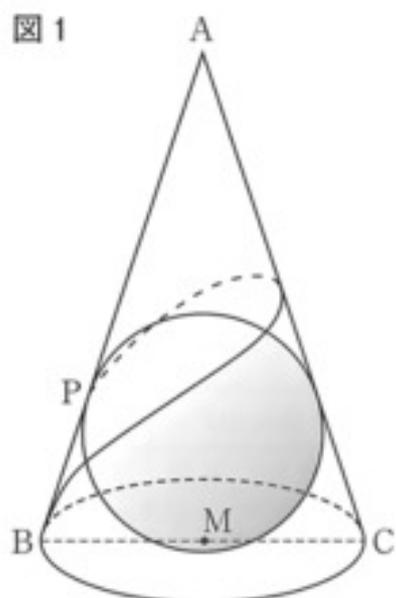
- (4) この標本調査を行ったとき、日本のチームに所属しているプロのサッカー選手のうち、熊本県出身の選手は36人いた。表3から、日本のチームに所属しているプロのサッカー選手のうち、熊本県以外の出身の選手は何人いたと推定されるか、求めなさい。

4 右の図1のように、頂点をAとし、底面の直径BCが4 cm、母線ABが6 cmの円すいと、この円すいの中にぴったり入った球がある。円すいの底面の中心をMとすると、底面と線分AMは垂直に交わっている。

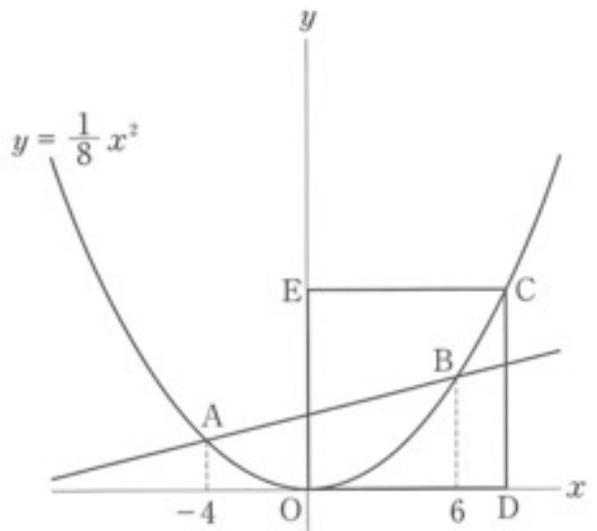
この円すいに、糸を、母線ABと球との接点Pから、側面を一回りして点Bまで、糸の長さが最も短くなるように巻きつける。

このとき、次の各問いに答えなさい。ただし、根号がつくときは、根号のついたままで答えること。また、糸の伸び縮みおよび太さは考えないものとする。

- (1) 円すいの高さAMを求めなさい。
- (2) 右の図2は、図1の立面図である。線分APの長さを求めなさい。
- (3) 図1の円すいの側面の展開図はおうぎ形である。
 - ① おうぎ形の面積を求めなさい。ただし、円周率は π とする。
 - ② 点Pから点Bまでの糸の長さを求めなさい。



- 5 右の図のように、関数 $y = \frac{1}{8}x^2$ のグラフ上に3点A, B, Cがある。Aのx座標は-4, Bのx座標は6である。また、Cのx座標は正であり、Cからx軸, y軸にひいた垂線とx軸, y軸との交点をそれぞれD, Eとすると、原点Oと3点D, C, Eを頂点とする四角形ODCEは正方形である。



このとき、次の各問いに答えなさい。

- (1) 直線ABの式を求めなさい。
- (2) 美咲さんは、直線ABが正方形ODCEの面積を2等分することを、次のように説明した。ア, イに当てはまる座標を入れて、説明を完成しなさい。

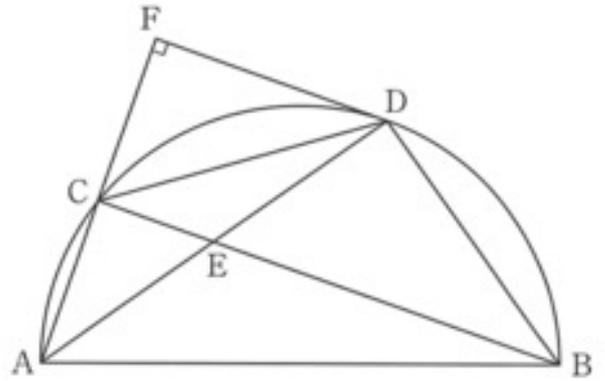
[説明]

正方形は、4つの辺の長さが等しく、4つの角が直角である四角形だから、点Cの座標は ア である。また、正方形は点対称な図形であり、対称の中心の座標は イ である。直線ABは、イを通る直線だから、正方形を合同な2つの図形に分けている。よって、直線ABは正方形ODCEの面積を2等分する。

- (3) 線分AB上に2点A, Bとは異なる点Pをとる。 $\triangle OPA$ の面積が $\triangle PCE$ の面積と等しくなるときのPの座標を求めなさい。

6

右の図は、線分 AB を直径とする半円で、点 C は \widehat{AB} 上にある。 \widehat{BC} 上に点 D を、 $\widehat{BD} = \widehat{DC}$ となるようにとり、線分 AD と線分 BC との交点を E とする。また、 D から直線 AC にひいた垂線と直線 AC との交点を F とする。



このとき、次の各問いに答えなさい。

- (1) $\triangle CDF \sim \triangle EAC$ であることを証明しなさい。
- (2) 図において、 $\triangle CDF$ と相似な三角形を、 $\triangle EAC$ 以外に 3 つ答えなさい。
- (3) $AB = 9 \text{ cm}$, $AC = 3 \text{ cm}$ のとき、点 C が線分 AF の中点になることを、次のように説明した。次の に説明の続きを書いて、説明を完成しなさい。

[説明]

$\triangle ABC$ で三平方の定理を利用すると、

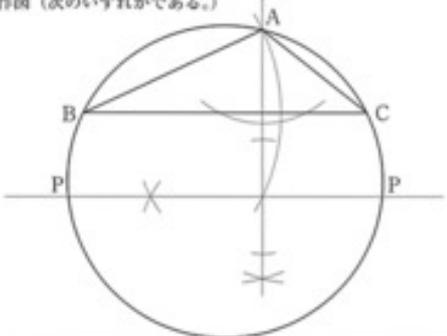
$$BC = 6\sqrt{2} \text{ cm} \text{ となる。}$$

ここで、線分 AE は $\angle BAC$ の二等分線だから、

よって、 $AC = CF$ である。

つまり、点 C は線分 AF の中点である。

令和2年度(2020年度) 数学(問題B)

問題番号	配点	標準解答
1	1点	(1) 660
	1点	(2) 15
	2点	(3) $\frac{5x+9y}{8}$
	2点	(4) $2a+1$
	2点	(5) $9x-49$
	(計10点) 2点	(6) $6-\sqrt{5}$
2	2点	(1) $x=-5$
	2点	(2) $x=\frac{3\pm\sqrt{13}}{2}$
	2点	(3) ア, イ, エ
	2点	(4) 残りの2つの数は, $a-6$, $a+6$ と表される。 3つの数の和は, $(a-6)+a+(a+6)=3a$ a は中央の数だから, $3a$ は中央の数の3倍である。
	2点	(5) 作図(次のいずれかである。) 
	1点	(6) ① $\frac{5}{18}$
	2点	② $\frac{7}{12}$
1点	(7) ① 午前10時〔26〕分〔40〕秒	
(計16点) 2点	② $10.8 \leq a < 13.5$	
3	1点	(1) 177.5 cm
	1点	(2) 26.5 cm
	2点	(3) ア 中央値 イ 0.2
	(計6点) 2点	(4) 1764人
4	1点	(1) $4\sqrt{2}$ cm
	1点	(2) 4 cm
	2点	(3) ① 12π cm ²
(計6点) 2点	② $2\sqrt{19}$ cm	
5	2点	(1) $y=\frac{1}{4}x+3$
	2点	(2) ア (8, 8) イ (4, 4)
	(計6点) 2点	(3) $(\frac{28}{5}, \frac{22}{5})$
6	3点	(1) 証明 △CDFと△EACにおいて AF⊥DFだから ∠DFC=90°① ABは円の直径だから ∠ACE=90°② ①, ②より ∠DFC=∠ACE③ また, ∠ACE=90°だから ∠DCF=90°-∠DCE④ ∠AEC=90°-∠CAE⑤ ∠DCEと∠CAEは, それぞれ \widehat{BD} と \widehat{DC} に 対する円周角で, $\widehat{BD}=\widehat{DC}$ だから ∠DCE=∠CAE⑥ ④, ⑤, ⑥より ∠DCF=∠AEC⑦ ③, ⑦より, 2組の角がそれぞれ等しいから △CDF≒△EAC
	1点	(2) △DAF △BAD △EBD
	2点	(3) AB:AC=BE:EC=3:1であり, $EC=\frac{3\sqrt{2}}{2}$ cm よって, △EACにおいて, 三平方の定理から $AE=\frac{3\sqrt{6}}{2}$ cm △EAC≒△BADだからAE:AB=AC:AD よって, $AD=3\sqrt{6}$ cm △EAC≒△DAFだから AC:AF=AE:AD=1:2
(計6点)		
合計	50点	