

令和 2 年度 (2020 年度) 公立高等学校入学者選抜

学力検査問題

数 学

注 意

- 1 検査係員の指示があるまで、問題冊子と解答用紙に手をふれてはいけません。
- 2 問題は【問 1】から【問 4】まであり、問題冊子の 2～9 ページに印刷されています。10 ページ以降に問題はありません。
- 3 問題冊子とは別に、解答用紙があります。解答は、すべて解答用紙の の中にかき入れなさい。
- 4 分数で答えるときは、それ以上約分できない分数で答えなさい。
また、解答に $\sqrt{\quad}$ を含む場合は、 $\sqrt{\quad}$ の中を最も小さい自然数にして答えなさい。
- 5 計算をしたり、図をかいたりすることが必要なときは、問題冊子のあいているところを使いなさい。

【問 1】 各問いに答えなさい。

(1) $3 - (-5)$ を計算しなさい。

(2) -4^2 はどのように計算するか、正しいものを次のア～エから1つ選び、記号を書きなさい。

[ア $(-4) \times 2$ イ $(-4) \times (-4)$ ウ $-(4 \times 4)$ エ $-(4 + 4)$]

(3) 一次方程式 $2(x - 1) = -6$ を解きなさい。

(4) $\sqrt{75} - \frac{9}{\sqrt{3}}$ を計算しなさい。

(5) n を整数とすると、いつでも奇数になる式として正しいものを、次のア～オからすべて選び、記号を書きなさい。

[ア $n + 1$ イ $2n$ ウ $2n + 1$ エ $2n + 3$ オ $3n$]

(6) 豊さんは、展開を利用してノートのように 41×39 を計算した。ノートの計算の仕方を参考にして、 698×702 を計算するとき、次の あ , い に当てはまる適切な自然数をそれぞれ書きなさい。

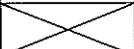
[ノート]

$$\begin{aligned} 41 \times 39 &= (40 + 1) \times (40 - 1) \\ &= 40^2 - 1^2 \\ &= 1599 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 698 \times 702 &= (\text{あ} - \text{い}) \times (\text{あ} + \text{い}) \\ &= \text{あ}^2 - \text{い}^2 \\ &= 489996 \end{aligned}$$

(7) 表は、 y が x に反比例する関係を表したものである。表の う に当てはまる適切な数を書きなさい。

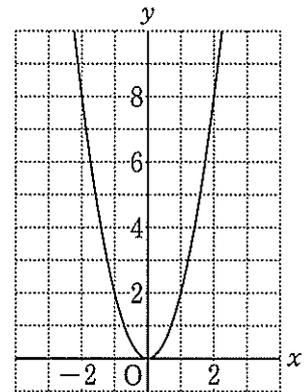
表

x	...	0	1	2	3	...
y	...		-16	-8	<input type="text"/> う <input type="text"/>	...

- (8) 図1は、関数 $y = 2x^2$ のグラフである。この関数について、 x の変域が $-1 \leq x \leq 2$ のとき、 y の変域として正しいものを、次のア～エから1つ選び、記号を書きなさい。

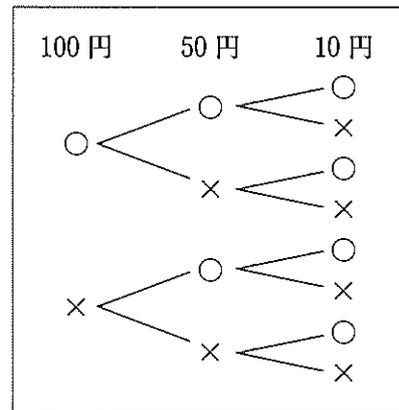
- [ア $0 \leq y \leq 8$ イ $0 \leq y \leq 2$]
 [ウ $-2 \leq y \leq 1$ エ $2 \leq y \leq 8$]

図1



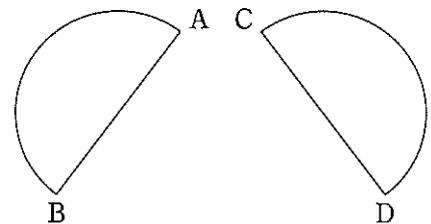
- (9) 図2は、100円、50円、10円の3枚の硬貨を同時に投げるときの表と裏の出方について、表を○、裏を×として、すべての場合を表した樹形図である。このとき、表が出た硬貨の合計金額が、110円以上になる確率を求めなさい。ただし、どの硬貨も表と裏の出方は、同様に確からしいものとする。

図2



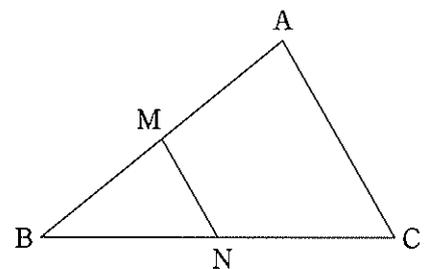
- (10) 図3で、線分CDを直径とする半円は、ある直線 l を対称の軸として、線分ABを直径とする半円を対称移動したものである。図3に、直線 l を定規とコンパスを使って作図しなさい。ただし、直線を表す文字 l も書き、作図に用いた線は消さないこと。

図3



- (11) 図4は、 $\triangle ABC$ の辺 AB, BC の中点を、それぞれ M, N とし、これらを直線で結んだものである。
- ① $\angle A = 80^\circ$ のとき、 $\angle BMN$ の大きさを求めなさい。
- ② 点 C を通り、辺 AB に平行な直線をひき、直線 MN との交点を P とし、四角形 AMPC をつくる。
 $AB = 8 \text{ cm}$, $AC = 6 \text{ cm}$ のとき、四角形 AMPC の周の長さを求めなさい。

図4



【問 2】 各問いに答えなさい。

(1) 表は、中学生 1000 人、高校生 1500 人について、平日のインターネットの利用時間を調査し、中学生と高校生の利用時間を比較するために整理した度数分布表である。

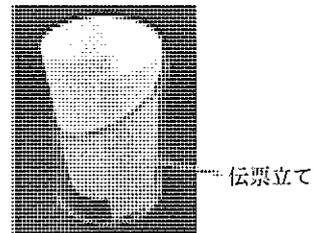
表

利用時間(時間)	中学生	高校生
	度数(人)	度数(人)
以上 未満		
0 ~ 1	401	182
1 ~ 2	262	340
2 ~ 3	178	374
3 ~ 4	68	264
4 ~ 5	41	115
5 ~ 6	50	225
計	1000	1500

- ① 高校生について、度数が最も多い階級を書きなさい。
- ② 利用時間が1時間以上2時間未満の階級における、高校生の相対度数を、小数第3位を四捨五入して小数第2位まで求めなさい。
- ③ 中学生と高校生について、利用時間が1時間以上2時間未満の生徒の割合を比べたとき、その割合が大きいのは中学生と高校生のどちらか。正しいものを次のア、イから1つ選び、記号を書きなさい。また、それが正しいことの理由を、比較した値を示して説明しなさい。
〔ア 中学生の割合の方が大きい イ 高校生の割合の方が大きい〕

(2) 図1の伝票立てを見て、この形に興味をもった桜さんは、底面の円の半径が2cmの円柱を、斜めに平面で切った図2の立体Pについて考えた。図3はPの投影図である。ただし、 $AD = 5\text{ cm}$ 、 $AB = BC$ であり、四角形ABCDは、 $\angle B = \angle C = 90^\circ$ の台形であるものとする。

図1



- ① CDの長さを求めなさい。
- ② Pの体積を求めなさい。

図2

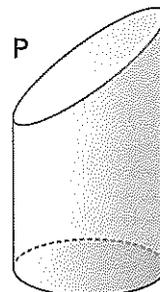
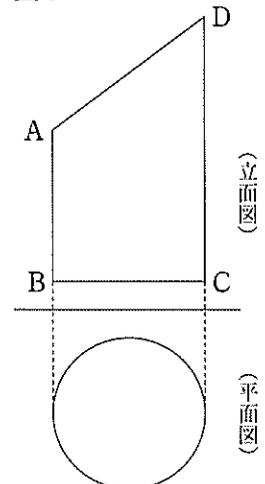


図3



(3) 「塵劫記」という江戸時代の書物には、日常生活で役立つ様々な計算が紹介されている。図4は、俵の数の求め方を紹介した「俵すぎざんの事」の一部である。学さんは、俵すぎざんに興味をもち、俵の数の求め方を、次のようにまとめた。

図4 「俵すぎざんの事」の一部

この資料は著作権者の許可が得られてから掲載します。

(阪本龍門文庫蔵)

〔学さんがまとめたこと〕

俵すぎざんでは、俵は1段上がるごとに1個ずつ減らして積まれている。

例えば、図5のように、一番下の俵の数が6個、一番上の俵の数が3個のとき、俵の数を数えると全部で18個とわかる。しかし、数えなくても、図6のように、同じものを逆向きに組み合わせると、全部の俵の数は

$$(1 \text{ 列の俵の数}) \times (\text{段の数}) \div 2$$

で求めることができる。

まず、1列の俵の数は、 $6 + 3 = 9$ で9個となる。

次に、段の数は、図7のように、一番上の俵の数が1個になるまで積み上げたと考える

と6段となり、上の2段をひいて、 $6 - 2 = 4$ で4段となる。

だから、 $9 \times 4 \div 2 = 18$ となり、全部の俵の数は18個となる。

この考え方をを使うと、一番下の俵の数と一番上の俵の数がわかれば、全部の俵の数を計算で求めることができる。

図5

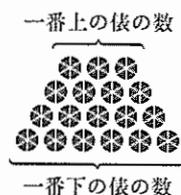


図6

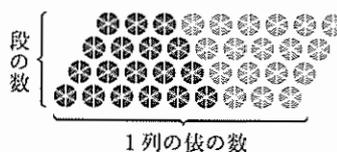
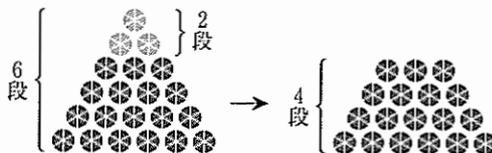


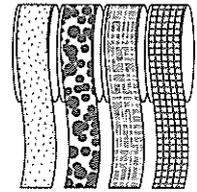
図7



- ① 一番下の俵の数が8個で、1段上がるごとに1個ずつ減らして積み、一番上の俵の数が4個になるように積むとき、全部の俵の数を求めるための式を、学さんがまとめたことの下線部の式の形で書きなさい。
- ② 60個の俵を、1段上がるごとに1個ずつ減らして積み、一番上の俵の数が4個になるように積むとき、一番下の俵の数は何個か。方程式をつくり、求めなさい。ただし、用いる文字が何を表すかを最初に示し、方程式と答えを求めるまでの過程を書くこと。

【問 3】 A 店と B 店では、それぞれ次のようにリボンが売られている。

- ・ A 店と B 店ともに、1 cm 単位で必要な長さを切って販売している。
- ・ A 店では 1 cm 当たり 5 円、B 店では 70 cm まで 250 円、70 cm をこえた分については 1 cm 当たり 6 円で販売している。



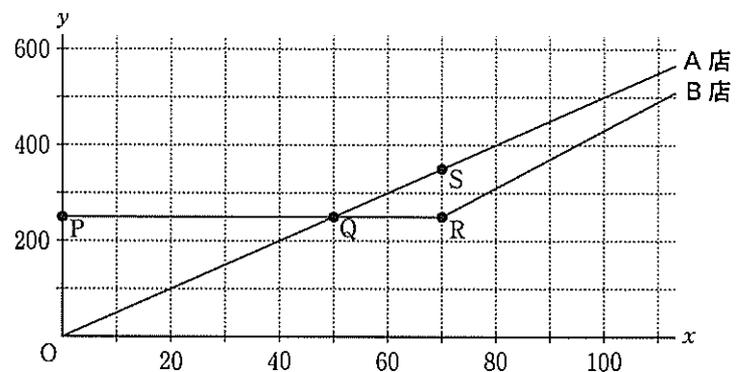
ただし、消費税については考えないものとし、店によってリボンの品質は変わらないものとする。各問いに答えなさい。

I どちらかの店でリボンをできるだけ安く買いたいと思っている香さんは、2店のリボンの長さ
と代金の関係について調べた。表は、それぞれの店で x cm のリボンを買うときの代金を y 円とし、
 y を x の一次関数と考え、 x の変域ごとに式に表したものである。図 1 は、表をもとに、
それぞれの店の x と y の関係をグラフに表したものである。

表

店	式 (x の変域)
A 店	$y = 5x$ ($x > 0$)
B 店	$y = 250$ ($0 < x \leq 70$)
	$y = \boxed{\text{あ}} x - 170$ ($x > 70$)

図 1



(1) A 店と B 店のリボンの代金が等しくなるときの長さは、図 1 におけるグラフ上のどの点の座標からわかるか、最も適切なものを次のア～エから 1 つ選び、記号を書きなさい。
ただし、リボンの長さは 100 cm 以下とする。

〔ア 点 P イ 点 Q ウ 点 R エ 点 S 〕

(2) 30 cm のリボンを買うとき、代金が安いのは A 店と B 店のどちらの店か、店名を書きなさい。
また、いくら安いのか、求めなさい。

(3) 表の $\boxed{\text{あ}}$ に当てはまる適切な数を書きなさい。

(4) メモは、香さんが、50 cm より長いリボンを安く買える店についてまとめたものである。

メモ

$50 < x < \boxed{\text{い}}$ のとき、B 店の方が安い。
 $x = \boxed{\text{い}}$ のとき、2 店の代金は等しい。
 $x > \boxed{\text{い}}$ のとき、A 店の方が安い。

① $\boxed{\text{い}}$ に当てはまる数は、式を用いて求めることができる。その方法を説明しなさい。ただし、用いる式を示して書きなさい。

② $\boxed{\text{い}}$ に当てはまる適切な数を書きなさい。

II A店の店長は、リボンの売り上げを伸ばすために割引セール企画を考えた。そこで、A店とB店のリボンの値段や購入者数を比較したところ、次のことがわかった。

〔わかったこと〕

- ・販売するリボンの長さによってはB店の方がA店よりリボンの値段が安い。
- ・B店の方がA店よりリボンの購入者数が多い。
- ・A店とB店ともに、リボンの長さが100 cm未満の購入者数は少ない。

(1) A店の店長は、わかったことを踏まえ、50 cmより長いリボンの値段を変えて、100 cmより長いリボンの値段をB店より安くする企画案1を考えた。 , に当てはまる適切な数を、それぞれ書きなさい。ただし、 に当てはまる数は整数であるものとする。

〔企画案1〕

図2は、 x cmのリボンの値段を y 円とし、 y を x の一次関数と考え、それぞれの店の x と y の関係をグラフに表し、点(50, 250)とB店のグラフ上の $x = 100$ のときの点を通る直線 l をひいたものである。このとき、直線 l の傾きは となる。そこで、B店より安い値段で、売り上げが伸びるように1 cm当たりの値段が最も高い 円にする。

図2

(2) A店の店長は、図2を見て、企画案1のとき売れるリボンの長さが長くなるほど、割引をする前と後では値段の差が大きくなることに気づいた。そこで、A店の店長はB店のように、ある長さまでは値段が一定になる企画案2を考えた。 に当てはまる適切な数を書きなさい。

〔企画案2〕

- ・ cmまで200円で販売する。
- ・ cmをこえた分については、割引セール前と同じ1 cm当たり5円で販売する。
- ・100 cmのとき、A店の値段がB店の値段と等しくなるようにする。

【問 4】 各問いに答えなさい。

I 図 1 は、2 点 A, B で交わる 2 つの円 O, O' において、円 O 上を動く点 P をとり、直線 PB と円 O' の交点で点 B と異なる点を Q とし、 $\triangle APQ$ をつくったものである。

図 2 は、図 1 の点 P を点 R の位置に動かし、それとともなって、点 Q が点 S の位置に動いたものである。ただし、点 P, R は円 O' の外部にある点であり、点 Q, S は円 O の外部にある点とする。

図 1

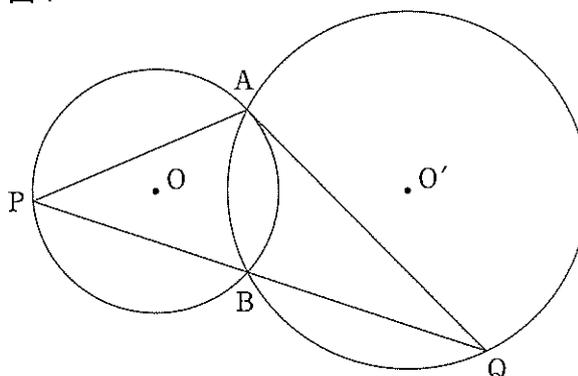
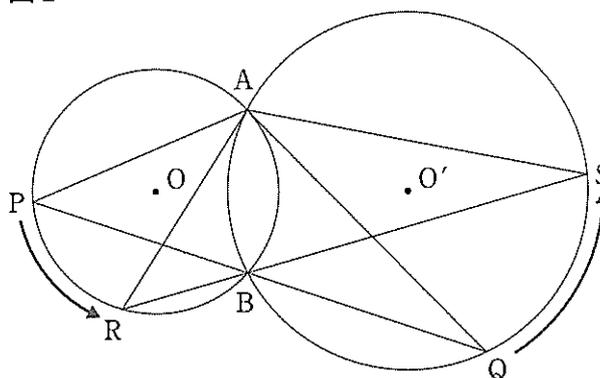


図 2



- (1) 図 2 で、 $\angle PAQ = \angle RAS$ は、次のように証明することができる。証明の
- には当てはまる最も適切な弧を、
- には当てはまる最も適切な角を、
- それぞれ記号を用いて書きなさい。

〔証明〕

円 O の \widehat{PR} に対する円周角は等しいので、

$$\angle PAR = \angle PBR \quad \dots \textcircled{1}$$

また、円 O' の に対する円周角は等しいので、

$$\angle QAS = \angle QBS \quad \dots \textcircled{2}$$

対頂角は等しいから、

$$\angle PBR = \angle QBS \quad \dots \textcircled{3}$$

①, ②, ③から、 $\angle PAR = \angle QAS \quad \dots \textcircled{4}$

④より、 $\angle PAR + \angle \text{ } = \angle QAS + \angle \text{ }$

したがって、 $\angle PAQ = \angle RAS$

- (2) $\angle PAQ = \angle RAS$ は、 $\triangle PAQ \sim \triangle RAS$ を示すことでも証明することができる。

$\triangle PAQ \sim \triangle RAS$ を示し、 $\angle PAQ = \angle RAS$ を証明しなさい。

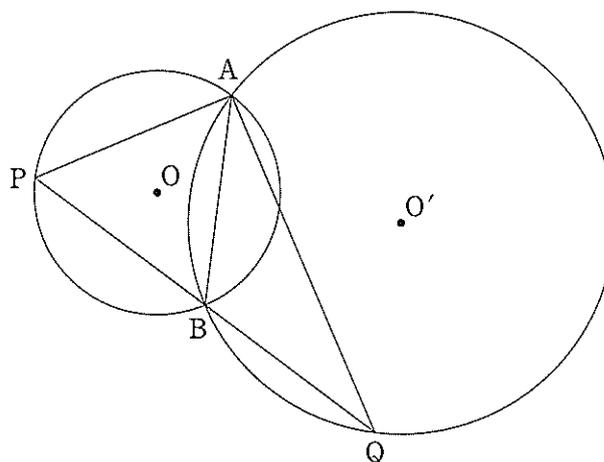
- (3) (2)の証明の $\triangle PAQ \sim \triangle RAS$ から、 $\angle PAQ = \angle RAS$ のほかにわかることとして正しいものを、次のア～ウから 1 つ選び、記号を書きなさい。

[ア $AP : AR = PQ : AS$ イ $AP : AR = AQ : AS$ ウ $AP : AR = AS : AQ$]

II 図3は、図1の2つの円O、O'のそれぞれの半径を変え、 $AB = BP = PA = BQ = 4\text{ cm}$ としたものである。

(1) $\angle BAQ$ の大きさを求めなさい。

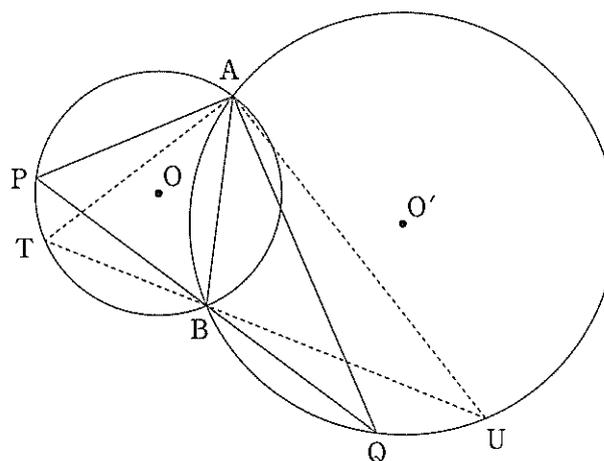
図3



(2) 円Oの半径を求めなさい。

(3) 図4は、図3において、点P以外に円O上の点Tをとり、直線TBと円O'との交点で点Bと異なる点をUとし、 $\triangle ATU$ をつくったものである。点Tが円O上を動くと、 $\triangle ATU$ の面積は変化する。 $\triangle ATU$ の面積が最大になるとき、その面積を求めなさい。ただし、点Tは円O'の外部にあり、点Uは円Oの外部にある点とする。

図4



(4) (3)で求めた $\triangle ATU$ の面積は、 $\triangle APQ$ の面積の何倍か、求めなさい。

これより先に問題はありません。

下書きなどが必要なときに，自由に使いなさい。

【問 1】

(1)	
(2)	
(3)	$x =$
(4)	
(5)	
(6)	あ
(6)	い
(7)	
(8)	
(9)	

図 3

(10)

(11)	①	°
(11)	②	cm

問 1 計

【問 2】

(1)	①	時間以上	時間未満の階級
(1)	②		
(1)	(1)	記号	理由
(1)	③		
(2)	①		cm
(2)	②		cm ³
(3)	①		
(3)	②		

よって、求める俵の数は、 _____ 個

問 2 計

【問 3】 I

(1)		
(2)	店名	店
(2)	金額	円
(3)		
(4)	①	
(4)	②	

II

(1)	う	
(1)	え	円
(2)		cm

問 3 計

【問 4】 I

(1)	あ	—
(1)	い	∠
(2)		
(3)		

II

(1)	°
(2)	cm
(3)	cm ²
(4)	倍

問 4 計

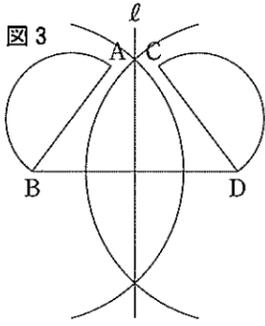
得点合計

令和2年度(2020年度)入学者選抜学力検査問題 数学 正答・正答例及び評価基準

※解答欄に単位、語句等が印刷されている問題では、正しい単位、語句等が重複して書かれていても正答とする。

※複数の小問をあわせて配点しているものは、すべて正しい場合のみ正答とする。

※問2(1)③、問2(3)②、問3 I(4)①、問4 I(2)の誤字、脱字については、小問ごとに全体で1点減点とする。

問題番号		正答または正答例	配点		評価上の留意事項	
問	小問		小問	計		
1	(1)	8	3	36	(5)は、順序は問わない。	
	(2)	ウ	3			
	(3)	$(x=) -2$	3			
	(4)	$2\sqrt{3}$	3			
	(5)	ウ, エ	3			
	(6)	あ	700			3
		い	2			
	(7)	$-\frac{16}{3}$	3			
	(8)	ア	3			
	(9)	$\frac{3}{8}$	3			(9)は、「0.375」等も正答とする。
(10)	(例) 	3	(10)は、定規とコンパスを使って、直線 l が作図されているものを評価の対象とする。 正答例の場合では、 ・線分 BD の垂直二等分線がかかれ、その直線を l として作図されているものを正答とする。 ・線分 BD がかかれていないものも正答とする。 ・正答例以外の作図も、これに準ずる。			
(11)	①	80 (°)	3			
	②	20 (cm)	3			

問題番号		正答または正答例	配点		評価上の留意事項	
問	小問		小問	計		
2	①	2 (時間以上) 3 (時間未満の階級)	2	20	(1)③は、「ア」が書かれ、比較した値が適切に示されているものを採点の対象とする。 ・「中学生の割合の方が大きい」の記述の有無は問わない。 (3)①は、「 $(8+4) \times 5 \div 2$ 」等も正答とする。 (3)②は、正答例のように(a)(b)(c)(d)について書かれているものを正答とする。また、(a)の内容が書かれているものを評価の対象とする。 (a)文字 x の表す数量及びそれを適切に用いた $\frac{(x+4)(x-3)}{2} = 60$ と同値な二次方程式 (b)途中の計算過程及び方程式の解 (c)「 x は正の数だから」と同等の内容 (d)答え「11 個」 ・「 $x = 11$ は問題にあっていない」の記述の有無は問わない。 ・(d)が誤りでも、解答を途中で記述している場合は、(a)は1点、(b)は1点、(c)は1点とする。 ・(b)、(c)の不備については、それぞれ1点減点とする。	
		②	0.23			2
	(1)	③	(記号) ア (理由) (例) 利用時間が1時間以上2時間未満の階級の相対度数は、中学生が0.26、高校生が0.23であり、0.26は0.23より大きいので、中学生の割合の方が大きい。			3
		①	7 (cm)			3
	(2)	②	22π (cm ³)			3
		①	(例) $12 \times 5 \div 2$			3
	(3)	②	(例) 一番下の俵の数を x 個とすると、 $\frac{(x+4)(x-3)}{2} = 60$ $x^2 + x - 132 = 0$ $(x+12)(x-11) = 0$ $x = -12, 11$ x は正の数だから $x = -12$ は問題にあわない。 $x = 11$ は問題にあっていない。 (よって、求める俵の数は、) 11 (個)			4

問題番号		正答または正答例	配点		評価上の留意事項		
問	小問		小問	計			
3	(1)	イ	2	21	I(4)①は、連立方程式を解くという内容が書かれているものを評価の対象とする。 ・「直線」の記述の有無は問わない。 ・「 x の値を求める」の記述の有無は問わない。 ・正しい式が示されていない場合は、1点減点とする。		
		店名	A (店)			2	
		金額	100 (円)			2	
	(3)	6	2				
	I	(4)	①			3	
			②			3	
	II	(1)	う $\frac{18}{5}$			3	II(1)うは、「3.6」等も正答とする。
		え	3 (円)			3	
		(2)	54 (cm)			3	

問題番号		正答または正答例	配点		評価上の留意事項	
問	小問		小問	計		
4	(1)	あ (\widehat{QS})	2	23	I(1)あは、「SQ」も正答とする。 I(1)いは、「QAR」も正答とする。 I(2)は、 $\triangle PAQ \sim \triangle RAS$ の証明が完結しているものを評価の対象とする。 正答例の場合では、 ・①、②及び $\triangle PAQ \sim \triangle RAS$ がすべて書かれているものを $\triangle PAQ \sim \triangle RAS$ の証明が完結しているとする。 ・①、②が書かれていても、①、②に至る理由が書かれていない場合や「仮定から」としか書かれていない場合は、①、②のそれぞれについて1点減点とする。 ・「2組の角が、それぞれ等しい」という条件が書かれていない場合は、1点減点とする。 ・ $\angle PAQ = \angle RAS$ 及びそれに至る理由が書かれていない場合は、1点減点とする。 ・正答例以外の証明もこれに準ずる。 II(2)は、「 $\frac{4}{\sqrt{3}}$ 」も正答とする。 II(3)は、「 $\frac{32}{\sqrt{3}}$ 」も正答とする。	
		い $(\angle) RAQ$	2			
	I	(2)	(例) $\triangle PAQ$ と $\triangle RAS$ について、 円 O の \widehat{AB} に対する円周角は等しいので、 $\angle APQ = \angle ARS \dots \textcircled{1}$ 円 O' の \widehat{AB} に対する円周角は等しいので、 $\angle AQP = \angle ASR \dots \textcircled{2}$ ①、②より、2組の角が、それぞれ等しいので、 $\triangle PAQ \sim \triangle RAS$ 相似な図形では、対応する角の大きさは等しいので、 $\angle PAQ = \angle RAS$			5
			(3)			イ
	II	(1)	30 (°)			3
		(2)	$\frac{4\sqrt{3}}{3}$ (cm)			3
		(3)	$\frac{32\sqrt{3}}{3}$ (cm ²)			3
		(4)	$\frac{4}{3}$ (倍)			3