

数

第 1 日
数 学

(11 : 50 ~ 12 : 40)

注 意

- 1 検査開始のチャイムがなるまで開いてはいけません。
- 2 問題用紙の1ページから10ページに、問題が1から6まであります。
これとは別に解答用紙が1枚あります。
- 3 問題用紙と解答用紙に受検番号を書きなさい。
- 4 答えはすべて解答用紙に記入しなさい。

受検番号	第	番
------	---	---

1 次の(1)～(8)に答えなさい。

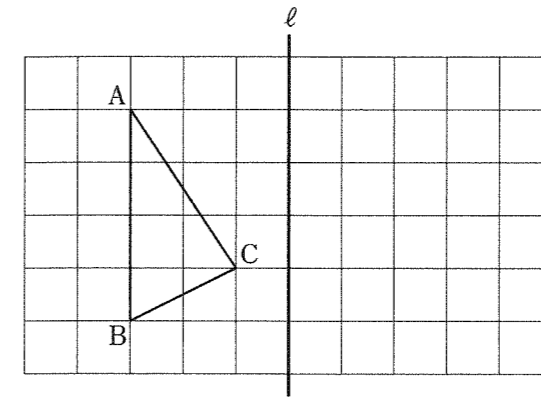
(1) $(-56) \div (-8)$ を計算しなさい。

(2) $2(3x + y) + (4x - y)$ を計算しなさい。

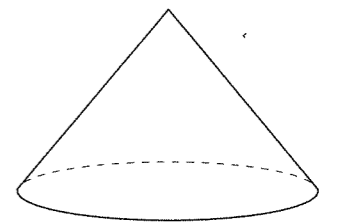
(3) $(\sqrt{13} + 2)(\sqrt{13} - 2)$ を計算しなさい。

(4) 部屋にいる生徒全員に、りんごを配ります。1人に8個ずつ配ると5個不足し、7個ずつ配ると9個余ります。部屋にいる生徒の人数は何人ですか。

(5) 下の図の $\triangle ABC$ を、直線 l を軸として対称移動した図形を、方眼を利用してかきなさい。



(6) 右の図のように、底面の半径が5cmで、高さが6cmの円すいがあります。この円すいの体積は何 cm^3 ですか。ただし、円周率は π とします。



(7) 優花さんが電子体温計で自分の体温を測ってみたところ、 36.4°C と表示されました。この数値は小数第2位を四捨五入して得られた値です。このときの優花さんの体温の真の値を $a^\circ\text{C}$ としたとき、 a の範囲を不等号を使って表しなさい。

(8) $-3 \leq x \leq -1$ の範囲で、 x の値が増加すると y の値も増加する関数を、下の①～④の中から全て選び、その番号を書きなさい。

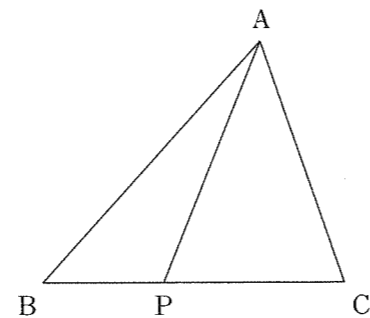
① $y = 4x$ ② $y = \frac{6}{x}$ ③ $y = -2x + 3$ ④ $y = -x^2$

2 次の(1)～(3)に答えなさい。

(1) 下の①～④のそれぞれの文中にある下線部 a と下線部 b のことがらが同様に確からしいといえるものを、①～④の中から全て選び、その番号を書きなさい。

- ① 男子2人、女子3人の5人の中から、くじ引きで1人を選ぶとき、 a 男子が選ばれること と b 女子が選ばれること。
- ② 1枚の硬貨を投げるとき、 a 表が出ること と b 裏が出ること。
- ③ 3枚のカード、 \blacksquare , \blacktriangle , \star が袋の中に入れており、この袋の中から1枚のカードを取り出すとき、 a \blacksquare のカードが取り出されること と b \star のカードが取り出されること。
- ④ 正しく作られた1つのさいころを投げるとき、 a 4の目が出ること と b 4以外の目が出ること。

(2) 右の図のように、 $BC = 15\text{cm}$ の $\triangle ABC$ があり、辺 BC を底辺としたときの $\triangle ABC$ の高さは 12cm です。点 P は、辺 BC 上を B から C まで動きます。線分 BP の長さを $x\text{cm}$ 、 $\triangle ABP$ の面積を $y\text{cm}^2$ として、 x と y の関係を表すグラフをかきなさい。ただし、点 P が点 B の位置にあるときの y の値は 0 とします。



(3) 健太さんと拓也さんが、教室で話をしています。

健太さん「数を使った面白いゲームを考えたんだ。好きな自然数を1つ思い浮かべてみて。」

拓也さん「分かった、思い浮かべたよ。」

健太さん「ある手順にしたがって計算すると、必ず思い浮かべた自然数になるんだ。」

拓也さん「へえ、どんな手順なの？」

健太さんは、考えた手順をあとのように説明しました。

【考えた手順】

- [1] 好きな自然数を1つ思い浮かべる。
- [2] [1]の自然数とは別に、十の位数が2である2桁の自然数を1つ選ぶ。
- [3] [2]で選んだ2桁の自然数の十の位数と一の位数を足す。
- [4] [3]で求めた数に、[1]の自然数を足す。
- [5] [4]で求めた数から、[2]で選んだ2桁の自然数を引く。
- [6] [5]で求めた数に、18を足す。

拓也さん「本当だ！ 手順にしたがって計算すると、僕が思い浮かべた自然数と同じ数になった。どうしてこんなことが起きるの？」

健太さん「それじゃあ、理由を説明してあげるね。」

健太さんは、【考えた手順】にしたがって計算した結果が、[1]で思い浮かべた自然数と同じ数になる理由を、下のように説明しました。

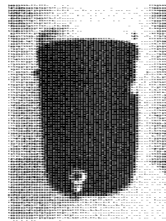
【健太さんの説明】

[1]で思い浮かべる自然数を a とする。また、[2]で選ぶ2桁の自然数の一の位数を b とすると、[2]で選ぶ2桁の自然数は $20 + b$ と表すことができる。

よって、【考えた手順】にしたがって計算した結果は、[1]で思い浮かべた自然数と同じ数になる。

【健太さんの説明】の [] に説明の続きを書き、説明を完成させなさい。

3 右の写真は、飲料水を入れる容器を示したものです。バレーボール部の部長の若菜さんと副部長の春香さんが、この写真を見ながら部室で話をしています。



若菜さん「部活動で使うために飲料水を入れる容器を買ってもらおうと思うんだけど、高さは50 cmのものでいいかしら？」

春香さん「待って。使用する水道は、地面から蛇口まで50 cmもないわ。高さが50 cmの容器だと傾けないと水を入れることができないから、容器を傾けずに水を入れることができる40 cmの高さの容器の方がいいと思うわ。」

若菜さん「どうして？ 傾けて水を入れることになっても、高さ50 cmの容器の方が、一度にたくさんの水が入るからいいんじゃない？」

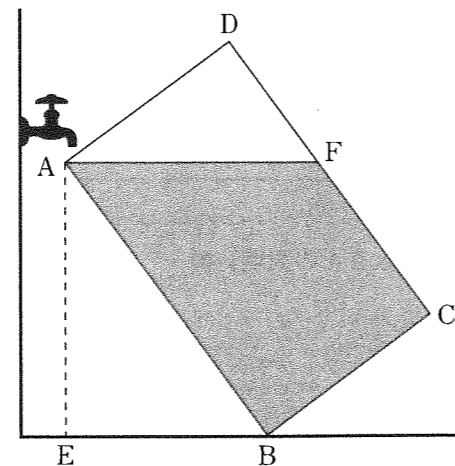
春香さん「そうかしら？ 高さ50 cmの容器を傾けた状態でその容器に入る水の量が最大になるまで水を入れるよりも、高さ40 cmの容器を傾けずに満水になるまで水を入れる方が、たくさん水が入る気がするけどな。」

若菜さん「どちらの方がたくさん水が入るのか、考えてみましょうよ。」

2人は、容器の形を円柱とみなして考えることにしました。容器 a は底面の直径が 30 cm で高さが 50 cm の円柱、容器 b は底面の直径が 30 cm で高さが 40 cm の円柱とし、容器の厚さは考えないものとします。春香さんは、水平な地面に対して傾けた状態の容器 a に入る水の量が最大になったときの様子を真横から見た図とその説明を次のようにかきました。

【図と説明】

- ・四角形 $ABCD$ は、 $AB = 50$ cm、 $AD = 30$ cm の長方形で、点 B は水平な地面にある点である。
- ・点 A から地面に垂線 AE を引くと、 $AE = 40$ cm である。
- ・点 F は辺 CD 上の点で、線分 AF は、地面に対して傾けた状態の容器 a に入る水の量が最大になったときの水面を表しており、 $AF \parallel EB$ である。



2人は、【図と説明】の中の容器 a に入っている水の量と、水平な地面に傾けずに置いた容器 b に満水になるまで入れた水の量では、どちらの方が水の量が多いのかを考えることにしました。

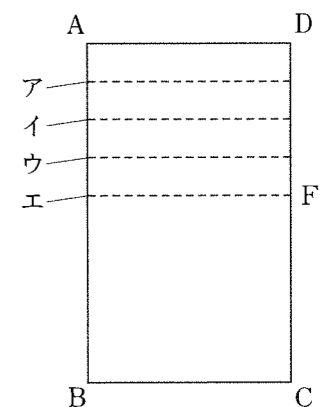
春香さん「容器 a と容器 b は底面積が等しいから、それぞれの容器の中の水の量を直接求めなくても水の量を比較できるわ。」

若菜さん「そうね。①【図と説明】の中の容器 a を水平な地面に置き直したときの地面から水面までの高さとして、容器 b の地面から水面までの高さである 40 cm を比較すればいいわね。」

これについて、次の(1)～(3)に答えなさい。

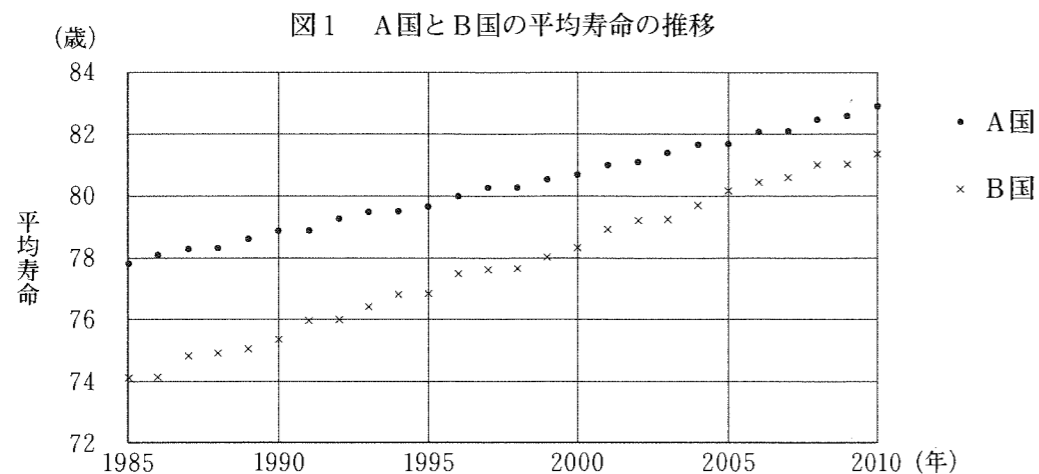
(1) 線分 BE の長さは何 cm ですか。

(2) 右の図の長方形 $ABCD$ は、【図と説明】の中の容器 a を水平な地面に置き直したものを表しています。点 F は【図と説明】における辺 CD 上の点です。ア～ウの破線は線分 DF を 4 等分した点から水平に引いた線分を、エの破線は点 F から水平に引いた線分を表しています。ア～エの中で、【図と説明】の中の容器 a を水平な地面に置き直したときの水面を表しているものはどれですか。その記号を書きなさい。



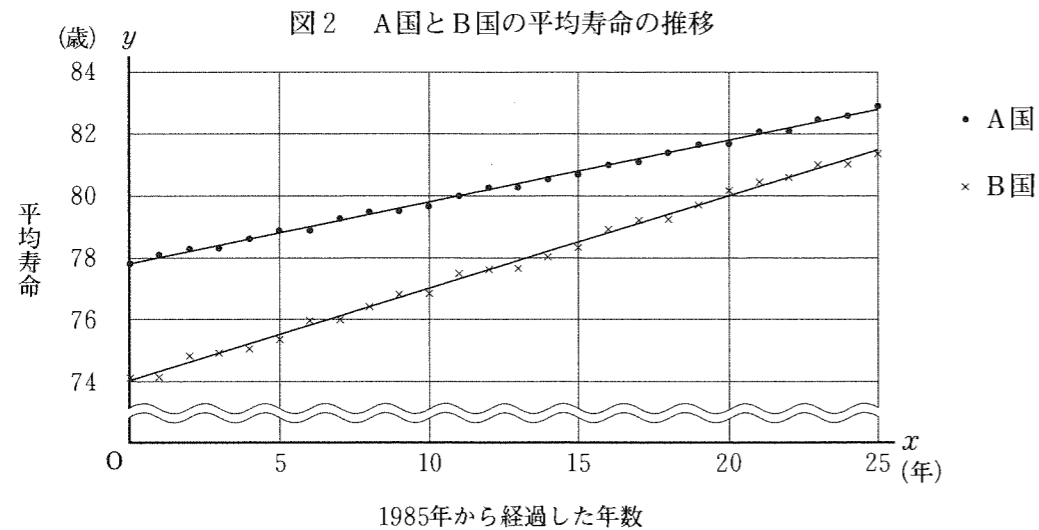
(3) 下線部 ① について、若菜さんは、容器 b の方が容器 a よりも地面から水面までの高さが高くなると判断しました。そのように判断できるのはなぜですか。その理由を説明しなさい。ただし、 $\triangle AEB \sim \triangle ADF$ であることは証明せずに用いてよいものとします。

4 下の図1は、A国とB国の平均寿命の推移を示したグラフです。桃子さんと大輝さんが、この図1を見ながら、教室で話をしています。



桃子さん「A国もB国も平均寿命が伸び続けているけど、このペースで伸び続けるとしたら、A国の平均寿命は2030年には何歳になるのかしら？」
 大輝さん「僕は、B国の平均寿命がA国に追いつくのは西暦何年になるのか気になるな。」
 桃子さん「年ごとの平均寿命を表す点がほぼ一直線上に並んでいるので、一次関数とみなして考えることができるんじゃないかしら？」

2人は、図1のA国とB国のそれぞれのグラフを一次関数として表すために、下の図2のように点の集まりのなるべく真ん中を通る直線を引き、1985年から経過した年数を x 、平均寿命を y として考えることにしました。



2人は、図2を見て、いくつかの点が直線上にあることに気づき、それらの点の x と y の関係を、A国、B国について、それぞれ表1、表2にまとめました。

表1 A国

x	0	4	11	16	18	24
y	77.8	78.6	80.0	81.0	81.4	82.6

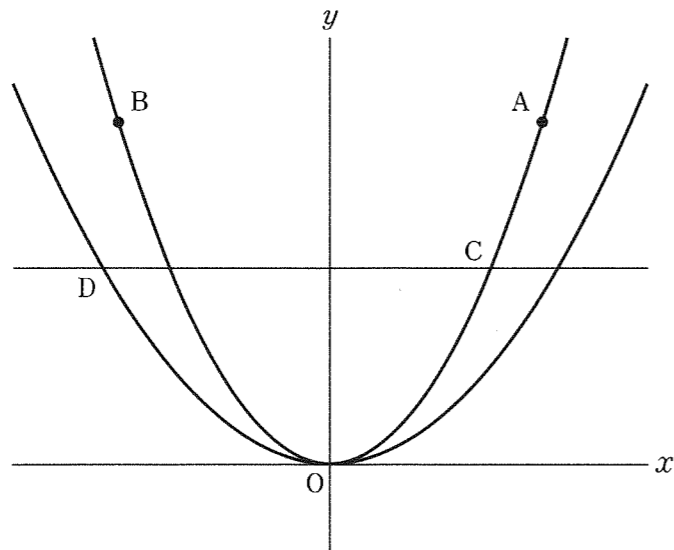
表2 B国

x	3	8	12	19	22
y	74.9	76.4	77.6	79.7	80.6

桃子さん「表1を使えば、2030年のA国の平均寿命を予想できそうね。表1から一次関数の式を求めて、2030年のA国の平均寿命を予想すると、歳となるわね。」
 大輝さん「僕は、表2も使って、B国の平均寿命がA国に追いつくのは西暦何年になるのかを予想してみるよ。表2から一次関数の式を求めると、と表すことができるから、B国の平均寿命がA国に追いつくのは年と予想できるよ。」
 桃子さん「関数を使うことで、将来のことを予想できるのね。」

上の会話文の ・ に当てはまる数をそれぞれ求めなさい。また、 に当てはまる式を x, y を用いて表しなさい。

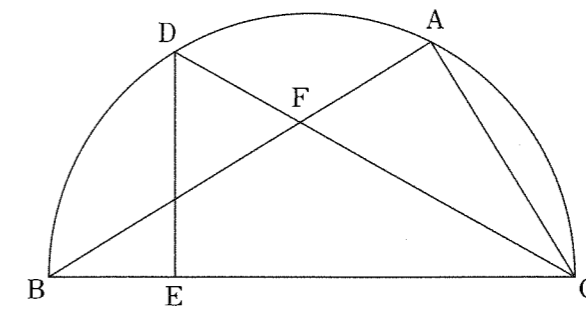
- 5 下の図のように、関数 $y = x^2$ のグラフ上に、2点 $A(2, 4)$ 、 $B(-2, 4)$ と $0 < x < 2$ の範囲で動く点 C があります。点 C を通り x 軸に平行な直線と、関数 $y = \frac{1}{2}x^2$ のグラフとの2つの交点のうち、 x 座標が小さい方を D とします。



これについて、次の(1)・(2)に答えなさい。

- (1) 四角形 $BDC A$ が平行四辺形となる時、線分 CD の長さを求めなさい。
- (2) $\triangle BDC$ と $\triangle DOC$ の面積が等しくなる時、直線 OD の式を求めなさい。

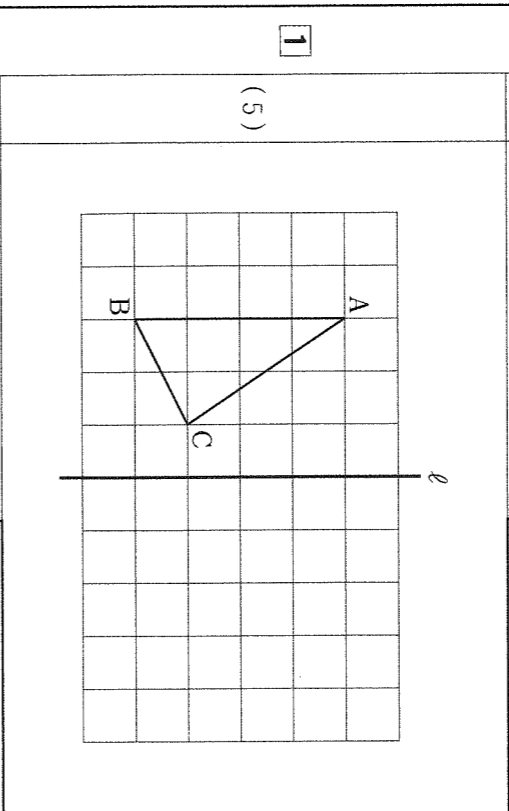
- 6 下の図のように、 $\triangle ABC$ があり、点 A は BC を直径とする半円の \widehat{BC} 上の点です。 \widehat{AB} 上に $\widehat{AD} = \widehat{DB}$ となるような点 D をとり、点 D から直径 BC に垂線 DE を引きます。また、辺 AB と線分 CD との交点を F とします。このとき、 $\angle AFC = \angle CDE$ であることを証明しなさい。



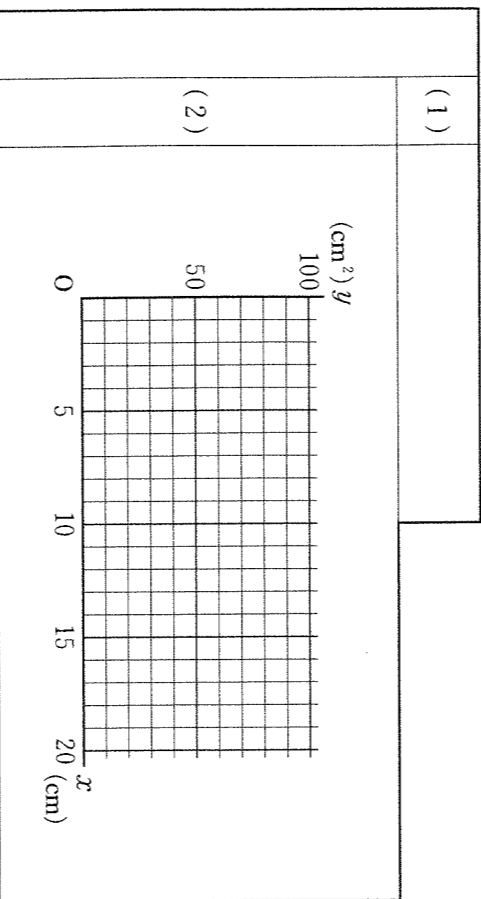
数学 解答用紙

得点

(1)
(2)
(3)
(4) 人



(5)
(6) cm^3
(7)
(8)



(1) [1] で思い浮かべる自然数を a とする。また, [2] で選ぶ2桁の自然数の一の位の数を b とすると, [2] で選ぶ2桁の自然数は $20 + b$ と表すことができる。

(2)

(3)

よって, 【考えた手順】にしたがって計算した結果は, [1] で思い浮かべた自然数と同じ数になる。

(1) cm
(2)

3

(3)

4
ア
イ
ウ

5
(1)
(2)

6

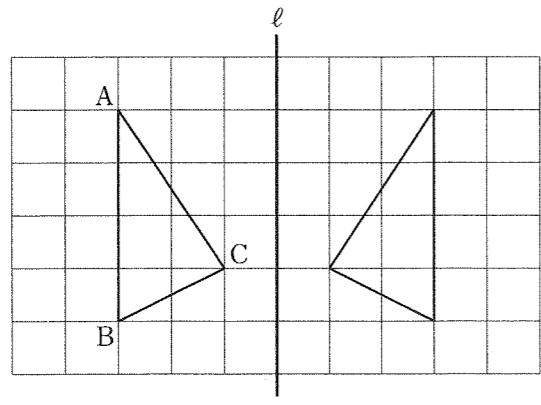
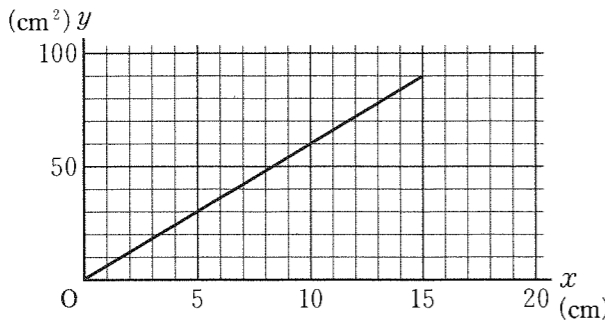
〔仮定〕 図において, 点AはBCを直径とする半円のBC上の点, $\widehat{AD} = \widehat{DB}$, $DE \perp BC$

〔結論〕 $\angle AFC = \angle CDE$

〔証明〕

数学採点基準

【注意】この採点基準以外に問題がおこったときは、各学校で基準を設けて採点すること。

問題番号	正 答 [例]	採 点 上 の 注 意	配 点
1	(1) 7		各 2
	(2) $10x + y$		
	(3) 9		
	(4) 14		
	(5)		
	(6) 50π		
	(7) $36.35 \leq a < 36.45$		
	(8) ①, ④		
2	(1) ②, ③	全部合っているもの だけを正答とする。	2
	(2)		3
	(3)	[3] の数は $2 + b$ [4] の数は $2 + b + a$ [5] の数は $2 + b + a - (20 + b) = a - 18$ [6] の数は $(a - 18) + 18 = a$ と表すことができる。	内容を正しく捉えて いれば、表現は異なっ ていてもよい。

問題番号	正 答 [例]	採 点 上 の 注 意	配 点
3	(1) 30	内容を正しく捉えて いれば、表現は異なっ ていてもよい。	各 2
	(2) 1		
	(3)		8
4	ア 86.8	内容を正しく捉えて いれば、表現は異なっ ていてもよい。	4
	イ $y = 0.3x + 74$		3
	ウ 2023		2
5	(1) 4	内容を正しく捉えて いれば、表現は異なっ ていてもよい。	8
	(2) $y = -x$		3
6	等しい弧に対する円周角は等しいから $\angle ACD = \angle BCD$① 半円の弧に対する円周角は直角であるから $\angle BAC = 90^\circ$② ②より、 $\angle AFC = 90^\circ - \angle ACD$③ $\angle CED = 90^\circ$ であるから $\angle CDE = 90^\circ - \angle BCD$④ ①, ③, ④より、 $\angle AFC = \angle CDE$	小前提を省略したも のについては、適宜減 点すること。	5